

PDF issue: 2025-06-07

ゲーム理論はコミュニケーションをどのように取り 扱ってきたか?

末廣,英生久本,久男

(Citation)

国民経済雑誌,163(6):55-93

(Issue Date)

1991-06

(Resource Type)

departmental bulletin paper

(Version)

Version of Record

(JaLCDOI)

https://doi.org/10.24546/00174741

(URL)

https://hdl.handle.net/20.500.14094/00174741



ゲーム理論はコミュニケーションを どのように取り扱ってきたか?*

 末
 廣
 英
 生

 久
 本
 久
 男

I ゲームにおけるコミュニケーション問題

ゲーム理論は、1980年代の革命的と呼ぶにふさわしい発展を通して、コンフリクト状況にある複数個人の合理的行動に関するわれわれの理解を大きく前進させてきた。この発展のひとつの原動力は、refinement 研究であった。それは、与えられたコンフリクト状況下で、それぞれの個人がいかなる意味での合理性を発揮して意思決定を行なっているか、を明らかにすることに他ならなかった。ところが、人間社会においては、複数個人間のコンフリクトが解決されていくプロセスで、個人の合理性と並んで、そのような合理的個人が相互理解を行なう可能性も重要な役割を果していると考えられる。つまり、直感的にもまた現実的にも、合理的個人間のコミュニケーションがコンフリクト解決のあり方を左右すると考えられる。しかし、これまでのゲーム理論においては、ゲームにおけるコミュニケーションの役割の分析は、ほとんどなされてこなかった。本稿の目的は、コミュニケーションのゲーム分析の現状をサーベイし、これから明らかにすべき論点を整理することによって、この問題の研究への1つ

^{*} 本稿は、1990年度現代経営学研究特別助成金による末廣・久本の一連の共同研究の一部である。 本稿の作成に当たり Nahum Melumad スタンフォード大学助教授から助言を受けた。彼とのディスカッションのための末廣のスタンフォード大学出張(1991年2月~4月)は学術振興野村基金の財政援助により実現した。ここに記して感謝します。

¹ 久本、末廣「1990」を参照せよ。

の展望を与えることである。

1つのコンフリクト状況を、各個人の合理的行動選択という側面の分析のために最も要約的に表わしたものが、(n person) normal form game

$$G = \langle S_1, \cdots, S_n; U_1, \cdots, U_n \rangle$$

である。各プレーヤーiは,利用可能な戦略の集合 S_i から,自由に戦略 s_i を選ぶことができる。全員の選択のあり方である戦略プロフィール $s=(s_i,\cdots,s_n)$ が定まれば,それを実行することから生ずる帰結に対するプレーヤーiの 効用 $U_i(s_i,\cdots,s_n)$ が定まる。 normal form game は,問題となっているコンフリクト状況のルールを,各個人がそのルールに対処するために立てる行動計画とその帰結という観点から要約したものである。ある個人iのある行動 s_i は,実際にはそのコンフリクト下で生じうるさまざまな選択局面での自己の行動をもれなく記述したものであるから,きわめて一般的内容を持つ。だから,その行動 s_i が,ある局面において他の個人jと何らかのコミュニケーションをすべきことを指定する,ということも勿論有り得る。しかし,これまでのゲーム理論によると,各個人はとにかく1つの戦略 s_i を選ばねばならず,その選択の良し悪しは,戦略選択の組 $s=(s_i,\cdots,s_n)$ に対して直接的に定義されてきた。つまり,個人の意思決定が自分のコミュニケーションを対象とすることはあっても,意思決定がコミュニケーションの対象となることはなかったのである。

しかし、各個人iは他の個人jがどのような意思決定 s, に達したかを知ることに直接的利害関係を持つことは明らかである。敵jの行動のあり方について事前に知ることができれば、個人iは自分の考え違いを正したり、自分の行動のあり方をよりよく調整させることができるかもしれない。さらには、もし自分の行動のあり方を適切に決定するために不可欠な情報を、自分ではなく敵jが個人的に知っている場合には、事前のコミュニケーションでその情報が知らされるならば、それに基づいた戦略選択の修正を行なうこともできる。勿論、敵jはこの個人iの利害を十分認識しているはずだから、事前のコミュニケー

ションが可能な場合でも、コミュニケーションのあり方は、それ自体が戦略的かけ引きの対象となるであろう。従って、戦略選択の前にコミュニケーションの可能性があったとすると、各個人iには、他の個人jとの間に虚々実々の情報交換を行なう動機があることは確かである。

このコミュニケーションが各個人の最終的戦略選択にいかなる影響を及ぼすであろうか? この問題を分析する際、ゲーム理論は、コミュニケーションのプロセスそれ自体に固有の問題は扱わない。それは、たとえば次のような問題である。個人iが個人jとコミュニケートするプロセスは、まず個人iが伝達しようとする対象を頭に描いて、次にそれを個人jと共通に理解しうる言語で表現し、個人jがその言語を聞いて(あるいは読んで)、 最後に個人jがそのことから個人iが伝えようとした対象を頭に描く、というプロセスである。このプロセスは、伝達対象が個人iによって2人の間の共通言語を用いて coding され、それが再び個人jによって decoding されるというプロセスである。このプロセスにおいて、そもそも coding や decoding は、個人iの伝えようとする内容を誤らずに個人iへ伝えることができるだろうか? もしそうでなければ、ゲームにおいて、合理的個人がコミュニケーションに自己の戦略選択を基づかせることはないであろう。しかし、この問題はコミュニケーション理論が扱う問題であって、ゲーム理論は、coding や decoding の問題はないものと仮定する。

コミュニケーションの内容が誤りなく伝えられるとしても、コンフリクト状況において戦略選択に先立って行なわれるコミュニケーションには、上述のコミュニケーションの動機それ自体にかかわる、ゲーム理論に固有の問題がある。それを次の2つの例によって示そう。Aumann [1990] による次のゲームは、ゲームにおけるコミュニケーションの問題を典型的に示す。

このゲームにはプレーヤー1, 2の間に情報非対称性はなく,従って,互いの戦略選択の結果についてコミュニケートしあう余地はない。にもかかわらず, もし2人のプレーヤーが戦略選択に先立ってコミュニケートするチャンスがあ れば、両者にはそうすべき動機がある。なぜな ち、このゲームには2つの Nash 均衝 (A_1 , A_2)、(B_1 , B_2) がある。従って、両者がプレイ の仕方について合意し得るとすれば、このいず れかしかない。しかし、もしコミュニケーシ

1 2	A_2	B 2
$A_{1_{_{_{_{_{_{_{_{_{_{_{_{_{_{_{_{_{_{$	(7, 7)	(8, 1)
B_{i}	(1, 8)	(9, 9)

表1

ョンがなければ、他の何らかの理由によって、他のプレーヤーが2つのプレイ の仕方のうちのいずれを期待しているかをかなりの確率で知ることなしには、 各プレーヤーは安心して自分の戦略選択を決定することはできない。幸い. (B_1, B_2) は (A_1, A_2) よりも Pareto superior であるから、もしも戦略選 択に先立ってコミュニケーションが許されれば、両プレーヤーが (B_1, B_2) を プレイすることに合意し、その結果、各プレーヤーiは安心して戦略 B_i を選 択することができる、と考えるかもしれない。しかし、事態はそれほど容易で はない。なぜなら、両プレーヤーのコミュニケーションの動機が敵の戦略選択 の不確実性を減らすことにあったとすると、コミュニケーションにおいてプレ -v-iはプレーヤーjに (B_1, B_2) を実行するよう説得する個人的理由があ る。プレーヤーiにとって、戦略は A_i はミニ・マックス戦略であり、しかも (B_i, B_i) の協調が失敗して敵が A_i をとった時の効用 $U_i(B_i, A_i)$ に較べて 十分高い保証効用 $U_i(A_i, A_j)=7$ を与える。だから、コミュニケーションに よる (B_1, B_2) の合意の後でも尚プレーヤーjの戦略選択に不確実性が残ると すれば、その合意にも関わらず自分はA、をとるであろう。であればなぜわざ わざプレーヤーjに (B_1, B_2) のプレイを提案するかといえば、もしプレーヤ -j が合意を実行すれば、保証水準 $U_i(A_i, A_j)=7$ よりもさらに高い効用 $U_i(A_i, B_i) = 8$ を得ることができるからである。従って、 プレーヤー i の側 には、自分は合意に従う意思がないにも関わらず、プレーヤーjに (B_i, B_2) のプレイを提案する、という動機がある。この事実をプレーヤーが自身も理 解できるとすると、このゲームにおけるコミュニケーションには何ら信頼性 (credibility) がないと考えるかも知れない。こうして、コミュニケーションが

単に互いの戦略選択の確認によって、思い違いの結果生する不利益のリスクを 最小化する事だけを目的とした場合であっても、そしてその戦略選択の組がパ レート最適な Nash 均衡であっても、そのようなコミュニケーションが意図し たプレイを導くか否かは疑わしい。

ゲームにおけるコミュニケーションは、それが非対称情報の伝達を含む場合には、さらに追加的な問題を生じさせる。Matthews, Okuno-Fujiwara and Postlewaite [1990] による次のゲームはそれを例示する。

2 ブレーヤー 1のタイプ	A	В	С	D
$\frac{1}{3}$ a	(0, 0)	(4, 5)	(5, 4)	(1, 4)
$\bigcirc \frac{\frac{1}{3}}{}b$	(5, 4)	(0, 0)	(4, 5)	(1, 4)
$\frac{1}{3}$ c	(4, 5)	(5, 4)	(0, 0)	(1, 4)

一表 2 一

このゲームでは戦略選択はプレーヤー2のみが行なう。しかし、A、B, C、Dの中から1つを選択した時の結果は、プレーヤー1のみが知っている状態a、b、c (これをプレーヤー1のタイプと呼ぶ)によって異なる。このいずれのタイプが生じるかが事前には等確率 1/3 だとしよう。このとき、コミュニケーションがなければプレーヤー2はDを選ぶ。しかし、プレーヤー1は、a, b, c のいずれのタイプであっても、このようなプレーヤー2の選択には不満であろう。ゆえに、もしプレーヤー2の戦略選択に先立ってコミュニケーションのチャンスがあれば、プレーヤー1は、彼の持つ個人情報をプレーヤー2に教えて適切な戦略をとらせる動機を持つ。しかもプレーヤー2の側にも同様の動機がある。というのは、戦略Dの代わりに、プレーヤー1のタイプに応じてA、B、Cの中から戦略を選ぶとすると、もしタイプaであれば、戦略Aをとらないことに両プレーヤーは共通利害を見いだす。同じく、タイプb であれば戦略

す。そこで、もしプレーヤー1がタイプaだとすると、自分のタイプが a であ るということをプレーヤー 2 にコミュニケートし、プレーヤー 2 はDでなくBをとる、と期待するかもしれない。しかし事態はそれほど容易ではない。なぜ なら、もしそれが正しいとすると、プレーヤー1がタイプ b だった時には、彼 はそれをプレーヤー2に教えてCをとらせるはずである。ところがプレーヤー 1がタイプaの時には、それをもし正直にプレーヤー2に教えるとBが結果す るが,タイプbだと偽ると自分にとって最良のCが結果する。だから,プレー ヤー1には正直にタイプを教える個人的理由がない。このことからプレーヤー 2は、たとえプレーヤー1がタイプbを主張しても、それをそのまま信じるこ とはできないであろう。この理由でプレーヤー2がやはりDをとるとしたら、 プレーヤー1にとっては望ましくない。そこでもう1歩進んで、タイプαはタ イプbと偽る動機を持つが,タイプb自身は,それによって,プレーヤー2が タイプaとタイプbの判別ができなくても,プレーヤー2がその状況下で最適 である戦略Cをとる限りDよりはましだと考え、タイプaとタイプbがともに 両タイプの混在を主張するとしよう。しかしこの説得もまた credibility がな \dot{N} い。なぜなら,タイプbは,もし他のタイプと混同されるのであればタイプcと混在し,プレーヤー2がAをとることを選ぶであろう。従ってタイプaが, プレーヤー2に対して,タイプaとタイプbは混在していると主張しても,や はり credibility がないかもしれない。情報非対称状況下では、プレーヤー2 は、プレーヤー1の主張が正しいか否かを直接確かめる術はないのだから、プ レーヤー1とプレーヤー2の利害対立状況に照らして少しでも疑わしい主張は、 たとえそれが本当は誤りのない主張であっても、信じることはできないのであ る。こうして、コミュニケーションが非対称情報を伝えることによってそれが ない場合に較べてパレート改善的選択が可能となるとしても、そのようなコミ ュニケーションが偽りのない情報とそれに基づくプレイを導くか否かは疑わし い。この2つの例が示すように,ゲームにおいては,コミュニケーションの役 割は、一見した所よりも不安定であいまいであることが多い。今日のゲーム理

論は、この問題をどの程度解決し、またどのように解決しようとしているのかを整理し、研究すべき論点を明らかにしよう。

II ゲーム理論におけるコミュニケーションの3つのタイプ

戦略選択に先立つコミュニケーションの可能性がその戦略選択にいかに影響を与えるかは、そこで想定されているコミュニケーションのタイプに依存する。1980年代を通じてゲーム理論で取り上げられたコミュニケーションのタイプには大別して次の3つの種類があった。

第1は、costly signaling である。これは、各プレーヤーiは、戦略選択に 先立ち、他のプレーヤーに対して、可能なメッセージの集合 M_{ι} の中から自由 に1つのシグナル m, を送ることができるが、 各シグナル m, ごとにそれを送 るコストがかかるというケースである。つまり、normal form game の効用 関数 U_i は、もしコミュニケーションの可能性がなければ、単に戦略選択の組 の関数 $U_i: \Pi S_j \rightarrow R$ であるか、あるいはタイプ集合 T_j から事前分布 $p(t_j)$ によってプレーヤーjのタイプt, が選ばれる情報非対称性がある場合には、 戦略選択の組とタイプの組の関数 $U_i: \Pi S_j \times \Pi T_j \rightarrow R$ である。この場合, プレーヤーiの戦略選択は、情報対称性下では s_i の選択であり、情報非対称 性下では自分のタイプ t_i に応じた $s_i(t_i)$ の選択である。これに対し、costlysignaling が可能である場合には、送られたメッセージの組 $m=(m_1, \dots, m_n)$ m_n) に依存した選択 $s_i(m)$ や $s_i(t_i, m)$ が許される。 ただし, メッセージ m_i を送るためにはプレーヤーi にそれに応じたコストがかかるので、最終的 な効用は、メッセージの組にも依存する関数 $U_i: \prod S_j \times \prod M_j \rightarrow R$ や $U_i:$ $\prod S_j \times \prod T_j \times \prod M_j \rightarrow R$ となる。すると、プレーヤーiが伝達しようとする メッセージ **m;** の信憑性は, 単にそのメッセージが主張している内容のみなら ず,そのメッセージを送ることに対応するコストが負担されたはずだという事 実のテストを受ける。コミュニケーションという形での利害対立調整のコスト をプレーヤーiが進んで個人的に負担しようとしたという事実が、そのメッセ

ージの中にはその調整コストを越える価値の情報が含まれているはずだ,ということを保証する。従って,costly signaling が可能である場合には,人々はコミュニケーションに一定の信頼を置くことが可能となり,そうでない場合に較べて,コミュニケーションを用いた利害調整が可能な限り起こった結果生じるコンフリクトの解決のあり方だけが残るであろう。このアイデアは,Elchanan and Dekel [1987],Cho and Kreps [1987],Banks and Sobel [1987],Grossman and Perry [1986] らによって研究され,1980年代のゲーム理論におけるコミュニケーション分析の主要部分をなしている。

第2のコミュニケーションのタイプは, cheap talk with commitment で ある。我々が,人間社会における個人間の相互理解を支える手段としてのコミ ュニケーションとして、第1に思い浮かべるのは、costly signaling のような コストを支払うメッセージではなく,むしろ,単なる「話し合い」であろう。 つまり、コミュニケーション自体にはほとんどコストがかからず、各個人にと って関心のあるのは、コミュニケーションの結果として各個人が選択した戦略 の組が自分に及ぼす影響だけだ、という場合である。この場合には、costly signaling と違って、プレーヤー i の効用関数は $U_i: \Pi S_i \rightarrow R や U_i: \Pi S_i$ $imes \Pi T_{j} \! o \! R$ のように, コミュニケーションの内容には依存せず, 与えられた 戦略選択上の利害対立関係のみに依存する。この時単なる「話し合い」は、コ ストがかからないという意味で、cheap talk ど呼ばれる。cheap talk にお いてプレーヤーiが行なう主張は、それが「言いたい放題」であるという理由 から、他のプレーヤーにとってその信憑性に対する疑念が生じるのは当然であ る。しかし、発言それ自体にはコストがかからないとしても、何らかの理由に よってプレーヤー間で発言の内容や順序にルールが定まっていて、そのルール がプレーヤー間のコミュニケーションに応じて最終的にプレーヤーiにある戦 略選択 s_i を強制する仕組みがあったとすると, 事態は異なってくる。なぜなら, 与えられたルールの下ではプレーヤーiは確かに「言いたい放題」の発言がで きるが、そのようなコミュニケーションが続いた後に最終的に自分のとるべき

戦略 s, がルールによって決められてしまうときには、プレーヤーi はその結果を予測した上で慎重に言葉を選ばねばならない。この場合、合理的個人は、そのコミュニケーション・ルールによって導かれる最終的な戦略選択の組を自己に有利に誘導するように、自己の発言を合理的に選択するであろう。そして、このようなコミュニケーションは、人々から一定の信頼を得ることができる。最終的な戦略選択は、コミュニケーションの内容に応じてルールが決めるのだから、プレーヤーiにとって発言すべきこととそうでないことは自と定まり、発言された主張に対しては、その意図を他のプレーヤーが理解することができるからである。このコミュニケーションへの信頼は、ルールが最終的戦略選択を行なう点に、つまり、コミュニケーションが戦略選択へのコミットを強制する点に由来する。そこで、このタイプの cheap talk を特に cheap talk with commitment と呼ぶことができる。現実の社会現象では、このタイプのコミュニケーションはしばしば見られ、ルールの強制力が、コミュニケーションがない場合に比べて異なる戦略選択の組をもたらす。その例は Kalai [1981] などで分析されている。

第3のコミュニケーションのタイプは、cheap talk without commitment である。発言にコストのかからない cheap talk のうち、現実の社会現象で最も頻繁に見いだされるのは、cheap talk with commitment が想定するような強制力を持つルールに従うコミュニケーションではなく、むしろ、コミュニケーション後の最終決定は各個人に委ねられるという意味で強制力を欠いた「自由な会話」であろう。この場合には、プレーヤーの発言内容の信憑性には深刻な疑念がつきまとう。互いに利害対立において自己に有利な戦略選択を敵から引き出そうとしのぎを削りあう状況下で、発言が「言いたい放題」であり、しかも自己の発言とは独立に戦略選択を勝手に決定できる個人の発言内容が、どうして信じられようか。そのような状況であるにもかかわらず、このタイプのコミュニケーションが普遍的に見いだされるのはなぜだろうか。この問題は、1980年代においてコミュニケーションのゲーム分析が直面した最大の難間であ

、る。この研究には少なくとも、解決すべき次の2つの問題がある。第1に、コミュニケーションのプロセスをどう定式化すべきかについての指針がない。 costly signaling のプロセスは、メッセージを送るコストを記述することで表現できる。 cheap talk with commitment のプロセスは、想定されているコミュニケーションのルールを記述することで表わせる。しかし「自由な会話」では誰がいつ何を発言するかは自由であって、可能性としてはいつ終わるかもしれない。つまり、コミュニケーションの進展のあり方は無限のバラエティーを持つ。このようなプロセスは、定式化が困難である。第2の問題は、コミュニケーションのプロセスで生じたことと戦略選択を結びつけるものがない。コミュニケーションの結果を自己の戦略選択にいかに役立てるかは全くその個人にまかされている。しかも、コミュニケーションの内容の信憑性に疑いがあるのだから、コミュニケーションが最終的にコンフリクトの解決をいかに左右するかは、各個人がコミュニケーションの結果に付す主観的信頼性の度合に応じて様々であろう。従ってコミュニケーションが戦略選択に及ぼす効果を一般的に示すことは困難である。

以上3つのタイプのコミュニケーションのうち、今日まで最も未開拓で、かつゲーム理論の発展にとって重要と思われるのは、第3のタイプである。この第3のタイプのコミュニケーションを単に cheap talk と読んで、以下では、このタイプのコミュニケーションに関してこれまでのゲーム理論が何をなし得たか、また何をなしつつあるかを整理しよう。

III Cheap Talk の具体例

以下の議論を明確にするために、cheap talk が自然に現われるゲームの具体例を考えておこう。表3で表わされるゲームは、Forge [1990] が論じた雇用契約問題である。

これは、ある雇用主(プレーヤー II)が1人の就職応募者(プレーヤー I) を採用すべきか否かの決定において直面する状況を表わしている。採用決定権

雇用主 応募者の タイプ	J_0	J_1	J_2	J_3	J ₄
$\frac{1}{2}$ h	(0, 7)	(6, 10)	(10, 9)	(4, 4)	(3, 0)
$\frac{1}{2}$ t	(0, 7)	(3. 0)	(4, 4)	(10, 9)	(6, 10)

一表3一

は雇用主側にあって、彼は、次の5種類の決定のいずれかをしなければならない。

 J_0 =採用しない '

J₁=純粋に事務系の仕事をさせる雇用契約で採用する・

 J_2 =主に事務系の仕事をさせるが、工場・現場とのコンタクトも付随的に行なう仕事をさせる雇用契約で採用する。

 J_a =主に工場・現場の仕事をさせるが、事務部とのコンタクトも付随的に 行なう仕事をさせる雇用契約で採用する。

J₄=純粋に工場・現場の仕事をさせる雇用契約で採用する。

この5種類の選択のうち、採用した場合の雇用契約 $J_1 \sim J_4$ は、それに適した能力の個人を雇うことによってより良くその成果を発揮する。つまり J_1 は「文科系(humanity)」の能力の高い個人がその能力を最も発揮できる仕事を表し、逆に J_4 は「理科系(technology)」の能力の高い個人がその能力を最も活かせる仕事を表す。 J_2 や J_3 は両者の要素を mix した仕事であり、 J_2 は「文科系」の能力をより多く必要とし、 J_4 は「理科系」の能力をより必要とする。ところが、応募者にはちょうど2つのタイプがあって、タイプんは「文科系」の能力のみを有し、タイプ t は「理科系」の能力のみを持っているとしよう。だから、雇用主にとっては、タイプ t を採用するときには、彼をできるだけ、「文科系」能力を必要とし、「理科系」能力を必要としない仕事につけるべきであって、仕事配分の望ましさは J_1 , J_2 , J_3 , J_4 の順となる。逆にタイプ t を

採用するときには、 J_4 , J_3 , J_2 , J_1 の順となる。他方,応募者本人の希望就職は、本人の適性(つまりhタイプかtタイプ)と共に、仕事のバラエティー等の要因も加わると考えよう。すなわちタイプhは「文科系」能力を発揮でき、しかも工場・現場の仕事もできる J_2 を最も好み、 J_1 , J_3 , J_4 の順である。逆にタイプt は J_3 を最も好み、 J_4 , J_2 , J_1 の順である。さて、いま問題にしている就職応募者がこのいずれのタイプであるか、応募者本人にはわかっているが、採用を決定すべき雇用主には直接確かめる術がないとしよう。ただし、世の中には、平均して、hタイプとtタイプが1/2づついることは知られているとしよう。このとき、雇用主はいかなる採用決定をすべきだろうか。

この雇用契約問題において,もし雇用主の側にhタイプとtタイプの確率が 1/2 づつであるという情報しかなく、 それに基づいて直ちに決定しなければな らないとすれば、それは1つのゲームGをなす。そして、この単純なゲームで は,タイプのあり方についての事前分布に基づく最適決定をせざるを得ず,そ れは不採用 J。をとることである。しかし、この決定は、雇用主・応募者の双 方にとって明らかに不満足な決定である。なぜなら、応募者はいかなる職種で あれ不採用よりは採用をのぞむので,雇用主側にこの応募者のタイプが分かり さえすれば採用されたであろうからである。そして、現実社会においても、こ の種の非効率は、雇用主が決定の前に応募者と話をすることによって回避され ているのが常である。すなわち,「就職面接」という形の cheap talk が自 然に現われる。「就職面接」において雇用主と応募者の間で起こるコミュニケ ーションは、ほぼ理想的な「自由な会話」とみなせる。すなわち、両者の発言 にはコストはかからない。しかも両者の発言内容が雇用主の採用決定に対して 法的拘束力をもつこともほとんどない。にもかかわらず、この「自由な会話」 が雇用契約の現象に決定的に貢献していることはほとんど明らかであろう。し かし,これまでのゲーム理論では,この日常的に明白と思われる貢献がいかな る仕組みで成立しているのか、を明らかにすることは困難であった。第1に、 「就職面接」において雇用主と就職応募者の間でいかなる発言がどのようなタ

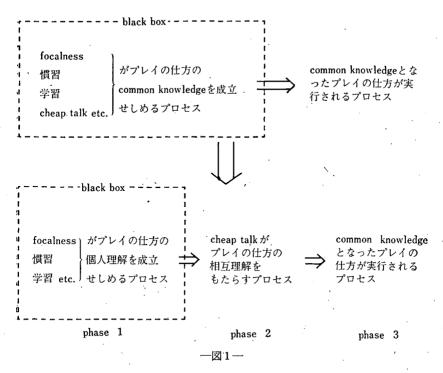
イミングでなされるかを記述することが難しい。第2に、「就職面接」での自由な会話が、雇用主の最終的雇用決定をいかに左右するかを記述することは更に難しいからである。このように、cheap talk は多くのゲームGをプレイする上で自然に生じるが、それがゲームGでの個人の行動にいかなる影響を及ぼすかは、あまり明らかにされていない。

IV Cheap Talk はなぜ分析しにくいのか?

cheap talk に関してなされたこれまでのゲーム分析の論点を整理するためには、今日のゲーム理論の方法論上の立場に立ち戻る必要がある。上述のように、ゲームにおけるコミュニケーションのうち、costly signaling や cheap talk with commitment に較べて、cheap talk without commitment の研究が未発展であるのは、今日のゲーム理論の方法論と密接にかかわる根本的な理由がある。

今日のゲーム理論が依拠する方法論は、均衡分析の方法である。それは次のように要約されよう。ゲーム理論は、コンフリクト状況における個人の行動を予測したり、説明したりすることを目的とする理論である。理想的には、考え得るすべてのコンフリクト状況(つまりゲーム)における考え得るすべての個人の行動を説明できるのがよい。しかし、理論は現実の近似モデルであるから、全く同じゲームにおいて異なる個人が異なる決定にいたる理由を説明しつくすわけにはいかない。そこで、あるタイプの「合理的」プレーヤーのモデルを想定して、そのようなプレーヤーが選ぶ戦略についての一般的理論を求める。もちろん、いかに「合理的」なプレーヤーであっても判断に苦しみどう決定してよいかわからないようなゲームもあるであろう。だから、考え得る各々のゲームのに対し、「合理的」プレーヤーにとって「明白に選び得る」戦略があるとした場合に、それを示すような理論が、望みうる最良の理論である。ところで、ゲームのをプレイする上で「明白に選びうる」戦略があるとしたら、それはなぜであろうか。それにはさまざまな理由があろう。その戦略がそれ自体の固有

の性質によって彼の注意を引く focalness をもっているためかもしれない。 たとえば表1のゲームで、プレーヤーiにとって敵jの戦略選択に確信がない 場合には、戦略 A. が安全性の上から卓越した戦略であるという理由で「明白 に選びらる」戦略であるかもしれない。あるいは、当該プレーヤーの属する社 会では、共同利益の概念が広くゆきわたっていて、同じ表1のゲームがいたる ところでプレイされ (B_1, B_2) の結果を見ているときには、われわれの問題と しているプレーヤーiも B_i をとるべきと結論するかもしれない。つまり社会 の「慣習」が「明白に選びうる」戦略を決定づけるかもしれない。さらには、 当該プレーヤーの組が過去に同じ表1のゲームを何度もプレイしていて、試行 錯誤のすえに (B_1, B_2) の組を繰り返しプレイするに至っていたとすると、ブ レーヤーiは今回もまた B_i をとるべきと結論するかもしれない。つまり敵の 戦略選択に関する「学習」が、「明白に選びうる」戦略を決定づけるかもしれ ない。これら各々の理由によってある戦略を「明白に選びうる」にいたるプロ セスは複雑なプロセスである。このプロセスに関する一般理論をつくるのは困 難である。そこで、そのプロセス自体を記述するかわりに、そのプロセスが生 み出した戦略が「明白に選びうる」状態とは何かの最低必要条件を記述し、そ れによって「合理的 | 個人の行動のありらべき範囲を予測しよう。「合理的 | 個人によってある戦略が「明白に選ばれた」時、それがいかなる理由によって 選ばれたのであれ、最低限備えていなければならない条件とはなんだろうか。 それは、そこで想定されたプレーヤーの「合理性」に照らして、その選択が 「明白に」なされた事実とさほど矛盾しない、ということである。選択が「明 白に」なされたのであれば、その選択は、その「合理性」を持つ個人なら誰に とっても明らかであり、従ってその選択はそのプレーヤー間では Aumann [1976] の意味で common knowledge になっていると期待できる。そこで、 ゲームGの下で「合理的」プレーヤーによってとられうる戦略の組 $s=(s_1,$ \dots , s_n) とは、そのプレイがその「合理的」プレーヤーの間で common knowledge となることに矛盾がない戦略の組である。この無矛盾状態を「均



衡」と呼ぶので、ゲーム理論の方法論的立場を均衡分析という。

均衡分析は、1つのコンフリクト状況が解決されるプロセスを2段階(図1上)に分けて見ていることになる。第1段階は、種々の理由による複雑なプロセスを経てある戦略が各プレーヤーによって「明白に選びとられる」に至るプロセスである。つまり、ある戦略選択の組 $s=(s_1,\dots,s_n)$ が common knowledge になるプロセスである。第2段階は、そうして common knowledge となった戦略の組 $s=(s_1,\dots,s_n)$ が実行に移され、プレイが実現される段階である。ゲーム理論は、この2段階プロセスを通して最終的に生じるコンフリクトの解決の仕方を説明したり、予測しようとしたりする。しかし、その目的のために均衡分析がとっている方法は、第1段階の戦略選択に関する common knowledge の成立プロセスは black box の中へ入れておいて、第2段階の common knowledge となった戦略選択の結果としての無矛盾性をテスト

する、という方法である。我々が問題にしている cheap talk は、戦略の focalness、社会の「慣習」や敵の戦略選択に関する「学習」等と一緒に、この black box の中に入っている。「自由に話し合った」おかげで、ある戦略選択 の組が common knowledge になることがあるかもしれない。しかし、その プロセスで何が話され、そのコミュニケーションのどの部分に人々の信頼が寄せられたか、ということは全て不問に付された上で、選びとられた戦略選択の組を common knowledge として実行することに矛盾がないか否かのみが問われている。それゆえ、均衡分析では、本来的に cheap talk が戦略選択にいかなる影響を及ぼすかという問題を回避していることになる。これが、今日までゲーム理論が cheap talk の研究においてほとんど進展を見ていない根本的理由である。

この点を反省するならば、cheap talk の研究のためには、我々は、1つのコンフリクト状況が解決されるプロセスを、少なくとも3段階(図1下)に細分化して見なければならないことがわかる。第1段階は、戦略の focalness や社会の「慣習」や敵の戦略選択に関する「学習」等の cheap talk 以外のあらゆる要因が複雑なプロセスを通じて、各プレーヤーごとに、どのようにプレイすべきかについての理解を生み出すプロセスである(phase 1)。第2段階は、各プレーヤーが phase 1 で持つに至ったプレイの仕方についての理解を所与として、cheap talk の可能性を用いてコミュニケーションをし、プレーヤー間の相互理解が起こるプロセスである(phase 2)。第3段階は、phase 1、phase 2 を経過して最終的に持つに至ったプレイ観に基づいて、各プレーヤーが自分の選択した戦略を、実行に移すプロセスである(phase 3)。つまり、均衡分析において、他の要因と一緒に black box の中へ入れられていた cheap talkを明示的に取り出して、そのプロセスを議論する必要がある。

この3段階のプロセスを通じて、最終的に phase 3 で実行に移された戦略 が「合理的」プレーヤーによって「明白に選びとられた」戦略であるとすると、 少なくとも均衡分析と同様に、その戦略選択の組 $s=(s_1,\dots,s_n)$ が phase

3において common knowledge としてプレイされることに矛盾があってはならない,と言うことができる。しかし,ある戦略選択の組 $s=(s_1, \cdots, s_n)$ が3段階のプロセスを通じて最終的に「明白に選ぶべき」戦略として実行され得るか否かを判定するそれ以上の条件を得るためには, \mathbb{I} 章で述べた2つの問題を解かねばならない。第1のコミュニケーション・プロセスの定式化の問題は,均衡分析の black box を2つに割って phase 2 の cheap talk を独立させたとき,その phase 2 のプロセスをいかに定式化すべきか,という問題である。第2のコミュニケーションと戦略選択のリンクの問題は,phase 2 の cheap talk と phase 3 のプレーヤーの最終的な戦略選択との関係の問題である。この2つの問題をどう処理すべきかについて,現在のゲーム理論には,2 つの全く異なるアプローチがある。次にその各々のアプローチの論点を整理しよう。

V 均衡分析による Cheap Talk の研究 /

cheap talk を研究する上で現在のゲーム理論がとっている第1のアプローチは,伝統的な均衡分析を cheap talk に適用する,というものである。すなわち, \mathbb{N} 章の最後で述べた2つの問題を次のように処理する。第1に,与えられたゲームのプレイに先立って,個人間でプレイの仕方の相互理解のために何をいかなる順で誰が話すことができるか,についての cheap talk のルールを明示的に定義する。cheap talk には発言のコストも発言への責任も伴わないが,話うること,発言の順序,発言者等についてあらかじめルールを与えておく。 \mathbb{II} 章の雇用契約ゲームGのような場合このルールは十分一般的に定義できるので,十分に「自由な発言」のプロセスを表現できる。こうして,図1下の phase 2 の定式化の問題が解決される。第2にこの cheap talk のルールをもともとのゲームGのルールと合わせると,各個人が図1下の phase 1 の終了時点で,phase 2 と phase 3 を通して,cheap talk の後にプレイをするという1つのコミュニケーション・ゲーム $\Gamma(G)$ が定義される。このコ

ミュニケーション・ゲーム arGamma(G) 自体がプレーヤーの間で明確に認識され、 単にもともとのゲームGを戦うのではなく、その前の cheap talk における 情報交換を含めて全体のコミュニケーション・ゲーム arGamma(G) を戦うのだとい うことが自覚されたとしよう。すると、各個人の戦略的行動は、単にもともと のゲームにおけるプレイにおいてのみならず、そのプレイのあり方を左右する phase 2 での cheap talk の発言においても意識的にとられるようになる。 つまり、各個人の戦略的行動計画は「phase 2 でこう発言し、phase 3 でこ うプレイする」という形式に拡張される。これが common knowledge だと すると、もともとのゲームGで何が起こるかは、コミュニケーション・ゲーム $\Gamma(G)$ で何が起こるかの一部として説明される。コミュニケーション・ゲー ム $\Gamma(G)$ で何が起こるかを予測するために均衡分析を用いたとしよう。つ まり、図1下の phase 1 に置ける black box の複雑なプロセスによって個 人間に、phase 2 と phase 3 を通じての戦略的行動に関する共通理解が成 立するとすれば、それは何かを、コミュニケーション・ゲーム $\Gamma(G)$ の均 衡として予測する。そしてこの均衡を実行に移して cheap talk がなされ, それに基づいてもともとのゲームGが戦われた結果として phase 3 における プレイは、実現する。つまり、phase 2 と phase 3 の関係づけという第2の問題は phase 2 と phase 3 を1つのゲームとみることによって解決され るのである。このようなアプローチは、結局、cheap talk がもともとのゲー ムのプレイの仕方に及ぼす影響を均衡分析の拡張によって分析するのであるか ら, cheap talk の均衡分析と呼びうる。

cheap talk の均衡分析の方法を具体的に示すために、Ⅲ章の雇用契約のゲーム Gがこの方法によっていかに分析されるかを述べよう。雇用主は、表 3 のゲーム Gにおける自己の選択をする前に、問題の就職応募者と「就職面接」をする。「就職面接」の目的は、雇用主が就職応募者のタイプを見分けるためだが、タイプを知っているのは就職応募者本人のみであるから、「就職面接」での会話は、雇用主が就職応募者にタイプを尋ね、後者がそれに答えるという方

法以外にない。雇用主が尋ねる方法には種々のものがあろう。たとえば直接的に「あなたはhタイプですか?」と聞くこともできるし,あるいは間接的に「あなたは機械相手よりも人間相手の仕事の方が得意ですか?」と聞くこともできる。しかし,「就職面接」でのポイントはただこの就職応募者がhタイプであるか t タイプであるかということにある。そして,「章で述べたように,このコミュニケーションの送り手(雇用主)がこのコミュニケーションの受け手(就職応募者)にある表現方法に従う質問の仕方で彼の意図を正しく伝えることができるかという問題,つまり coding と decoding の問題はここでは問題対象ではない。したがって,一般性を失うことなく,雇用主がもし質問するとしたら

のいずれかのメッセージによって行なうとしてよい。同様に,就職応募者がその質問に答え,自己のタイプをどのように判定してほしいかを伝えるためのメッセージとしては,一般性を失うことなく

 $H_I = \lceil 私は h タイプです \rfloor$

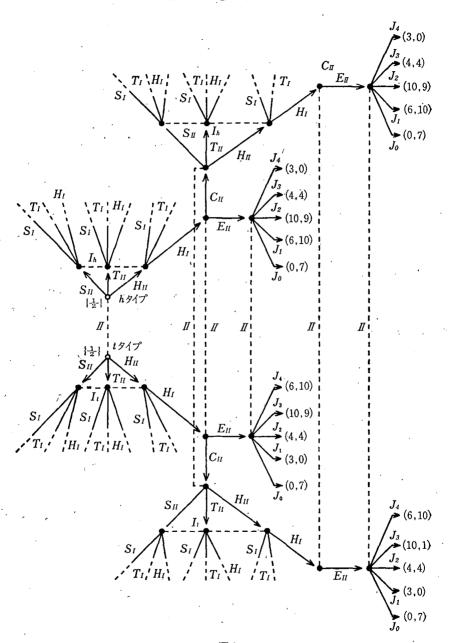
 $T_I = 「私は t タイプです」$

の2種類を考えればよい。そして、「就職面接」の会話における時間の流れを便宜上離散的に t=1,2... と表わし、その各時点で雇用者、就職応募者の双方が自由に可能なメッセージ H_t , T_t のいずれか一方を発言できるとしよう。 もちろん発言できるときに沈黙する自由もあり、それによって相手にしゃべり 続けさせることを選ぶこともできるから、このオプションを

 S_I =就職応募者は沈黙する

 S_{II} =雇用主は沈黙する

と表わす。各プレーヤーiに3つの発言パターン H_i , T_i , S_i を同時に独立に認めることにより、両者が同時に発言したり、逆に質問と解答が交互に行なわれたり、また一方的な質問の連続や一方的な解答の連続が生じたり、さらには



沈黙が続くなどの様々な会話のパターンを表現できる。さらに、最終的な雇用 決定権を持つ雇用主には

 C_{II} =「就職面接」を更に続ける

 E_{II} =「就職面接」を終わりにして雇用決定へ移る

図2のコミュニケーション・ゲーム $\Gamma(G)$ では,様々なプレイの仕方が考えられる。これに均衡分析を適用して,Bayesian Nash equilibrium を取り出そう。その条件を満たすプレイの仕方にもなお様々な性格のものがありうる。代表的な均衡として,次の3つを考えることができる。

Pooling Equilibrium

就職応募者は全ての node で沈黙 S_I を選ぶ。雇用主はすべての t 期の node で沈黙 S_{II} を選び,すべての t 期と t+1 期の中間 node で E_{II} を選んで雇用決定に移り, J_0 を選ぶ。

Screening Equilibrium

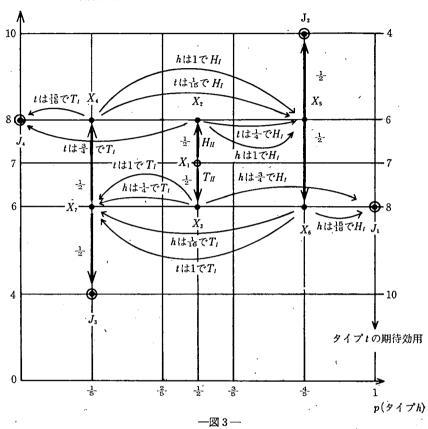
就職応募者はすべての node で自分のタイプを正直に述べる。つまりプレ

ーヤー I_h はすべての node で H_I を選び,プレーヤー I_t はすべての node で T_I を選ぶ。雇用主はすべて t 期の node で沈黙 S_{II} を選ぶ。また t 期に H_I か T_I ならば,それに続く node で E_{II} を選んで雇用決定に移り, t 期における 就職応募者の選択に応じて, H_I なら J_1 , T_I なら J_2 を選ぶ。 t 期に S_I なら続いて C_{II} を選ぶ。

Hybrid Equilibrium

雇用主は、最初に質問 H_{II} , T_{II} を等確率 1/2 で選ぶ。最初に H_{II} が選ばれた ときには、それ以後雇用主と就職応募者は、次のようにプレイする。雇用主は、 t=1 期と t=2 期の中間 node では必ず会話継続 C_{II} を選ぶ。t=2 期以後 は、自分が t 期と t+1 期の中間 node で会話中止を選択するまでは、すべて の偶数期 t=2,4,6... において沈黙 S_{II} を選び、すべての奇数期 t=3,5,7...において H_{II} , T_{II} を等確率 1/2 で選ぶ。 t 期と t+1 期の node での会話継続 か否かの選択は、すべての奇数期 t=3,5,7... の直後では、その奇数期におけ る雇用主と就職応募者の発言が $H_I = H_{II}$ かあるいは $T_I = T_{II}$ のいずれかの 意味で一致したときには会話中止 E_{II} を選ぶ。会話中止後の選択は、t=3,7, 11... の奇数期の直後は J_2 であり、t=5,9,13... の奇数期の直後は J_3 である。 他方, 偶数期 t と t+1 期の中間 node では, t=2,6,10... の偶数期の直後 ではその偶数期の就職応募者の発言が T_I だったときのみ会話中止 E_{II} を選ん でI、を選択し、逆に t=4,8,12... の偶数期の直後ではその偶数期の就職応募 者の発言が H_I だったときのみ会話中止 E_{II} を選んで J_I を選択する。 他方、 「就職応募者は最初の t=1 期は沈黙 S_t を選び,その後のすべての奇数 期にお いて H_I , T_I を等確率 1/2 で選ぶ。偶数期の行動は就職応募者のタイプによっ て異なる。彼がhタイプならば,t=2,6,10... の各偶数期で必ず H_I を選び, t=4,8,12... の偶数期では H_I , T_I を各々確率 15/16, 1/16 で選ぶ。他方、彼 が t タイプならば t=4, 8, 12... の偶数期では必ず T_I を選び、t=2 期では T_I , H_I を確率 3/4, 1/4 で, t=6, 10... の各偶数期では同じく T_I , H_I を確率 15/16, 1/16 で選ぶ。但し、これらの就職応募者の選択は、奇数期における雇用主

タイプ h の期待効用



と就職応募者の発言が $H_I
mid T_{II}$ かあるいは $T_I
mid H_{II}$ のいずれかの意味で不一致である限りにおいてつづく。もし逆にある奇数期 t において, $H_I
mid H_{II}$ または $T_I
mid T_{II}$ が生じたとすると,それ以後の t
mid t
mid

これら3種類のプレイの仕方のうち、最初の2つの含意は自明であろう。 Pooling Equilibrium は、たとえ cheap talk のチャンスがあっても就職応募者が決して自己のタイプを明かそうとしない時には、雇用主は会話を打ち切

って不採用の決定 Jo をせざるを得ないことを示す。Screening Equilibrium は、雇用主が就職応募者のタイプの主張をそのまま信じてただちに自己にと っての最適な雇用決定を行なう場合には、hタイプの応募者は自分にとって second best の J_1 での採用を得るために正直にタイプhを明かさざるを得 ず、逆は逆であることを示す。Hybrid Equilibrium は、コミュニケーショ ンが図3の確率過程にしたがって展開することを示す。この確率過程は、 X_1 ~ X_1 の7つの transition state と $J_1 \sim J_4$ の4つの absorption state から なるマルコフ・チェーンである。この確率過程で生起する path は、 $X_1 \rightarrow X_2$ $\rightarrow X_5 \rightarrow X_6 \rightarrow X_7 \rightarrow X_4 \rightarrow X_5 \rightarrow \cdots$ の順に進んで $J_1 \sim J_4$ のいずれかの absorption state へ収束するか、あるいは $X_1 \rightarrow X_8 \rightarrow X_7 \rightarrow X_4 \rightarrow X_5 \rightarrow X_6 \rightarrow X_7 \rightarrow \cdots$ の順に 進んで J_1 から J_4 のいずれかの absorption state へ収束するかのいずれか である。前者の path が表わす cheap talk は次のように進む。t=1 期にた またま確率 1/2 で雇用主が質問 H_{II} をして X_2 へ進む。 X_2 でプレーヤー I は、 t=2 期に質問に T_I と答えることによって J_s の仕事を与えられるべきか, H_I と答えることによって会話を継続すべきかを選ぶ。hタイプにとっては会 話継続からの期待効果(それは X_5 に対するタイプhの評価=8で示される) は J_{ϵ} からの期待効用よりも高いから、必ず H_{ϵ} と答える。他方、tタイプに とっては会話の継続からの期待効用(それは X_5 に対するタイプtの評価=6 で示される)と J_{ι} からの期待効用は等しいので H_{ι} と T_{ι} の解答を1/4と3/4の確率で mix してもよい。t=2 期における X_2 でのこの回答パターンは就職 応募者から雇用主への signaling となる。つまり、応募者が h タイプである 確率を雇用主が $\mu(h)$ と評価しているとしよう。 cheap talk が始まる X_1 で は、これは事前分布に等しく $\mu(h)=1/2$ であった。さらにこの評価は X_2 でも 変わらない。なぜなら t=1 期では雇用主が H_{II} の質問をしたのみ、就職応募 者からは何の情報ももたらされていないからである。しかし、 J_{t} では、t=2期に T_I を回答するのは t タイプのみだから雇用主の評価は $\mu(h)=0$ に変化 しなければならない。しかも、この評価の下では雇用主は迷うことなく人の

雇用契約を決定できるので、t=2 期が終われば会話が中止され J_{\bullet} の仕事が与 えられる。他方 X_2 で H_1 が解答されると、雇用主の評価は、両タイプの就職 応募者の発言パターンに基づいて $\mu(h)=4/5$ に修正されねばならない。この 状況が X_5 である。 X_5 では t=3期における雇用主・就職応募者の同時発言の 結果に応じて J_2 か X_6 のいずれかへ進む。ここでは、雇用主も就職応募者も、 互いに相手の発言パターンを所与とすれば、自分1人の発言パターンのみを変 更したのでは、発言の一致の確率が1/2である事実を変えられないという Aumann, Maschler and Stearns [1968] の jointly controlled lottery の状 況がおきている。そこで、 $X_{\mathfrak{s}}$ から $J_{\mathfrak{s}}$ 、 $X_{\mathfrak{s}}$ への推移確率は保証される。この 推移が引き起こすのは就職応募者の期待効用の convexfying である。つまり、 J_{i} からの両タイプの就職応募者のペイオフは (10, 4) であり、 X_{i} からのそれ は (6, 8) である。両タイプの X_2 の評価 (8, 6) は,これら J_2 , X_8 の評価 の jointly controlled lottery による凸結合となっている。 X_5 での jointly controlled lottery の実行は就職応募者のタイプに関しては何らの情報ももた らさないから、 J_2 においても X_6 においても、雇用主の評価は X_5 におけると 同じ $\mu(h)=4/5$ となる。この評価の下で、いったん J_2 が達せられると、それ 以後は就職応募者は永久に沈黙するので、 雇用主としては $\mu(h)=4/5$ に対す る最適選択 J_2 をとらざるを得ない。そこで、もし t=3 期の結果 J_2 へ移れ ば,雇用主は E_{II} を選んで雇用決定に移り, J_2 を選ぶ。他方,もし X_6 へ移れ ば、再び X_2 で起こったのと同様の signaling が t=4 期の会話を通じてなさ れる。ただし、今度は H_I を発言して J_1 の仕事に甘んじるのは h タイプであっ る。しかも雇用主の評価は X_2 では $\mu(h)=1/2$ だったが X_6 では $\mu(h)=4/5$ なので、signaling の結果 T_I が発言されたことを条件とする X_7 での雇用主が $\mu(h)=1/5$ となるようhタイプは確率1/16対15/16で T_I , H_I を選ぶ。以下 X_7 は X_5 に対応する対称的 jointly controlled lottery を表わし、 X_4 は X_6 に対応する対称的 signaling を表わす。こうして、会話が続く限り X_5, X_7 に おける jointly controlled lottery と X_4 , X_6 における signaling とが交互に

繰り返され,雇用主の評価は $\mu(h)=1/5$ と 4/5 の間を反復する。この複雑な会話プロセスによって,就職応募者は両タイプとも平均7 の期待効用を得ることができ,それは Pooling Equilibrium よりはもちろん望ましく,更に Screening Equilibrium よりも望ましい。なぜなら,Screening Equilibrium では h タイプは必ず second best の J_1 を与えられるが,Hybrid Equilibrium では first best の J_2 を与えられる可能性があって,その可能性は J_3 を与えられる可能性を割り引いてもなお J_1 より望ましいからである。 つまり h タイプは random な会話プロセスによって雇用主の評価 $\mu(h)$ を paralize することにより,運悪く雇用主が J_3 を選んでしまう可能性と引き換えに first best J_2 を手に入れる可能性を開くことができる。

この具体例に示される cheap talk の均衡分析は、Crawford and Sobel [1982], Hart [1985], Forge [1986], Forge [1987], Forge [1988a], Forge [1988b], Forge [1988c], Bergin [1989], Forge [1990] 等によって展開さ れている。これらの文献が問題にしているもともとのゲーム 6の設定は、上の 具体例のような1回限りのゲームもあるし、repeated game の場合もあり、 多様である。しかし、cheap talk がゲームに与える効果という問題に対して は、次の共通点がある。つまりコミュニケーションの可能性がない場合に較べ て、さまざまなタイプのコミュニケーションがあれば、もともとのゲームGの プレイの仕方として新たにどのような範囲が可能となるか、という問題意識が 共通している。上の具体例で明らかなように、Bayesian Nash equilibrium として成立しうるかなり複雑な会話プロセスは、コミュニケーション・チャン スがない場合やあるいは単純な会話しか許されない場合に較べて、もともとの ・ゲームGのプレイの仕方の可能性を拡大する。 均衡分析としてほかの solution . concept, 例えば correlated equilibrium を用いれば, このプレイの仕方 のバラエティーは更に拡大される。なぜそのようなことが可能なのだろうか。 今までのところ, その基本的ロジックで明らかとなっているのはただ1つ, cheap talk の incentive compatibility が cheap talk を表わす確率過程

の Bi-Martingale 性によって保証されるということである。つまり、上の具体例の Hybrid Equilibrid Equilibrium に顕著に現われる signaling と jointly controlled lottery の組合せからなる cheap talk は、たとえそれが「言いたい放題」の「自由な会話」であっても、発言者は戦略的に発言内容を選択しており、その結果発言内容には信憑性が保証される。そこで、そのような発言に基づいて調整される新しい行動パターンが、もともとのゲームGにおいて可能となる。

cheap talk の均衡分析が、ゲームにおけるコミュニケーションの役割を明 らかにする上でこれまでになし得た貢献は、次の3つにまとめられよう。第1 に、cheap talk が行なわれるプロセスを明示的に表現したことである。すな わち、従来の均衡分析では図1上の black box の中へ入れられてあいまいに しか考えられていなかったコミュニケーション・プロセスを図1下の phase 2 として明示的に分析対称として取り出した。第2に、コミュニケーション自体 をプレーヤーの戦略的選択の対象とみたことである。コンフリクト状況の展開 を自己に有利に導くためにコミュニケーション・プロセスを通じた情報操作を 試みることは、実際の社会に普遍的にみられるが、cheap talk の均衡分析は この現象を明示的に分析したものと言えよう。もちろん,情報交換を含む一般 的ゲームを分析する間接的手段として Myerson [1982] が提案した Revelation Principle を用いて direct revelation game という抽象ゲームを分析 することはすでになされてきた。しかし、実際に想定されている cheap talk のプロセスでの情報の戦略的やりとりは、この cheap talk の均衡分析によ って初めて本格的に分析されるようになったといってよい。第3に、与えられ たゲームに対して,そのための cheap talk のプロセスを明示化し,しかも それを戦略的選択の対象とすることによって,そのもともとのゲームをプレイ - する上でいかなる形の個人間の相互理解が可能かということを厳密に述べるこ とができた。すなわち,cheap talk で最大限何をコミュニケートしうるかが 分析可能となった。

しかし、これらの貢献にもかかわらず、cheap talk の均衡分析の現状は、 次の4つの問題を抱えている。第1は、信憑性のある cheap talk を簡単か つ完全に記述するためのロジックがまだ明らかにされていないという問題であ る。確かに、上の具体例のような単純なゲームでは、そこで考えられた比較 的簡単な cheap talk のルールの下で生じ得るすべての Bayesian Nash equilibrium の結果を求めることは可能である。しかし、それは一般的には非 常に困難である。通常の repeated game に対する Folk Theorem に関し て1980年代のゲーム理論が成し遂げたような、明確な結果と明快なロジックが まず十分に展開される必要がある。第2に、cheap talk は結果的に単なる random device としての役割しか果たしていない。例えば、上の具体例での Hybrid Equilibrium では複雑な会話プロセスは図3のマルコフ・チェーン に要約される。そしてこのマルコフ・チェーンにおいて交わされる会話 H_i , T_i, S_i の含意は, その Hybrid Equilibrium が図1下の phase 1 のプロ セスでプレーヤー間の common knowledge になったという想定から結果的 に導かれるに過ぎない。だから、例えば t=1 期の雇用主のメッセージ H_{II} は、 「あなたはhタイプですか?」という文字どおりの意味をもった発言である必 要はなく、単に雇用主が fair coin を投げて表 (Head) がでた状態と解釈し てもいっこうに構わない。もともと図1上の black box の中から cheap talk を取り出して図1下の phase 2 として独立させた目的は、与えられたゲーム Gのプレイの仕方についての相互理解のありかたを分析することであったにも かかわらず、Hybrid Equilibrium での会話は「何をなすべきかの指針を得 るために話してみようとする」主体性とは関係のない coin toss の代用品で ある。この点と関連して更に第3の問題点として、コミュニケーションの結果 としてもともとのゲームの代替的プレイの仕方の中から1つが選び出されると いうことがない。cheap talk の均衡分析は、cheap talk とゲームのプレイ との2つの局面全体についての単なる均衡分析だから、そのとき何が起こるか は、会話とプレイが全体として斉合的結果と呼び得るかという間接的テストに

よって判定される。 つまり、 もともとのゲームのプレイの仕方と両立可能な会 話の仕方が存在すれば、そのプレイの仕方が起こり得ないとは決して言えない。 そのためにコミュニケーション・チャンスがないときの均衡は必ず bubble communication によって支持され、会話が可能であるからこれこれのプレイ は生じないということは言えない。例えば、上の具体例では、「就職面接」の ないときの決定 Jo は、たとえ「就職面接」があったとしても Pooling Equilibrium の結果として支持される。このことは、「章で述べたそもそものっ ミュニケーション問題とかかわっている。つまり、次の第4の問題がある。 cheap talk の均衡分析は、結局 cheap talk の後にあるゲームGをプレイ するという特殊なコミュニケーションを含むゲーム $\Gamma(G)$ の戦略選択を論じ ているに過ぎない。もちろん、そうすることで、コミュニケーションがゲーム Gの行動に及ぼす影響を論じることができる点はよい。しかし、全体ゲーム arGamma(G) の戦略選択がいかになされるかは再び図1上の etalack etalox の中であ \cdot る。このことを避けるために全体ゲーム $\Gamma(G)$ のための cheap talk を考 えることもできよう。しかしこれは cheap talk のための cheap talk を論 じる無限反復を導くだけである。我々が均衡分析の立場に立つ限り、この罠を 逃れることはできないであろう。

VI 非均衡分析による cheap talk の研究

cheap talk を研究する上で、現在のゲーム理論には、V章で述べた伝統的 均衡分析と対称的な第2のアプローチがある。それは、cheap talk が行なわ れる図1下の phase 2 の分析に均衡分析は必ずしも適切ではないと考える非 均衡分析のアプローチである。このアプローチは、図1下における phase 2 の役割に関して均衡分析と異なる見方をとる。前章で均衡分析の問題点として 述べたように、均衡分析では図1下の phase 1 において、その後の phase 2 と phase 3 を通した cheap talk とそのプレイ全体に関する共通理解が成 立することを前提としている。cheap talk の意味はすべてその共通理解から

結果的に導かれるのであるから、会話は、その共通理解を実行にうつすための 道具である。しかし、cheap talk がもともとのゲームのプレイの仕方に影響 を与えうる主たる方法は、それが random device という道具として用いら れることによるよりは、むしろプレイの仕方についての共通理解が欠如してい るためにその形成を手助けすることによると考えられる。なぜなら、会話によ って相互理解を確立したいという動機性の方が、会話を用いてプレイを複雑・ 高度化するという道具性よりも,多くの場合会話現象の発生をよりよく説明す. るからである。もし,会話が相互理解の形成プロセス自体だとすると,cheap talk の理解にとって均衡分析は必ずしも適切ではない。なぜなら、そのプロ セスでは、人はとにかく話してみるのであって、その会話がもともとのゲーム をプレイする段階で自分に有利に働いたり不利に働いたりするかもしれないこ とは理解できても、「明白に選ばれる」会話の戦略というものは定められない からである。そこで、戦略選択の対象としては cheap talk の1つのあり方を 予測できないとすると,とにかく話してみる状況で人は何を話すか,を定式化 する以外に分析の方法がない。つまり、cheap talk の一般理論が、プレイの 均衡分析に先立って独立に定式化されねばならない。とにかく話してみる状況 で人が最低限話すであろうメッセージとはなんであろうか? それは、話せば 信じて貰え、かつそうすることで沈黙している場合よりも自己に有利なプレイ が展開される確率が高まる発言であろう。そのような発言のクラスをなんらか の基準で選び, credible cheap talk のクラスと呼ぼう。すると, もともと ゲームのプレイの仕方について図1下の phase 1 でプレーヤー間の相互理解 が欠如しているとき, phase 2 で credible cheap talk が最低限生じた結果 として、phase 3 で「明白に選ばれる」戦略の組が成立したとすると、その 戦略の組は何か,を問うことができる。このテストは,№章の最後で述べた2 つの問題を次のように解いていることになる。第1に、phase 2 の会話のプ ロセス自体は明示的には示されない。かわりに,少なくともどのようなタイプ の主張が行なわれる動機があり、かつ信じられる根拠があるかという credible

cheap talk のクラスが定義される。つまり、会話の結果あるクラスのプレイの仕方はとにかく主張され合意されるだろう、ということが定式化される。第2に、そのクラスを所与として、そのような会話の結果として成立し得るプレイの仕方の共通理解は何かという基準で、phase 2 と phase 3 がリンクされる。このリンクにおいて、phase 2 の credible cheap talk は、何らかの明示的会話ルールの下でのプレーヤーの戦略選択によって裏付けられているものではなく、当然生じるべき cheap talk についての先見的な一般理論によって与えられている。そこで我々はこのアプローチによる cheap talk の分析を非均衡分析と呼びうる。

cheap talk の非均衡分析のあり方は、cheap talk の一般理論のあり方に 依存する。そして後者は更に、cheap talk を通じてプレイの共通理解が形成 されるというときのその形成のされ方をいかに想定するかに依存する。なぜな ら、プレイの共通理解が形成されるメカニズムが異なれば、いかなる cheap talk が生じると考えるべきかは異なってくるからである。これまでのところ、 会話を通じてプレイの共通理解が形成されるあり方に、2つのものが考えられ てきた。第1は、図1下の phase 1 における各個人のプレイの理解が全く個 人的な理解であって、phase 2 における cheap talk を通じて初めてプレイ の共通理解が模索される状況を想定するケースである。この場合には、個人の 主張にプレイの仕方に関して他の個人を説得するための reference point が 全くない。例えば、 Π 章の雇用契約のゲームGにおいて、問題となっている雇 用主と就職応募者が属している社会では、これまで雇用契約を仕事別に行なう - 慣習がなくて,今回初めてこのような雇用契約問題に直面 したと しょう。こ のとき、双方にとっていかに「就職面接」をし、その結果いかなる雇用契約を 結ぶべきかについて reference point がない。この状況では、当然生じると考 えるべき cheap talk のクラスは,雇用契約のあり方の提案のうち,提案者に とって最も有利で、かつ被提案者にとって信じるに足るものすべてであろう。 その基準はさまざまに考え得る。例えば Rabin [1990] は、情報を持つ就職

応募者が自己のタイプを主張し,その主張の下で雇用主がいかなる決定をすべ きかを提案する状況で、(i)その提案が実現すれば望みうる最良の状態が結果す るタイプがその主張を行なっていて、(ii)その主張が真の場合はもちろん、更に ある他のタイプが自己によりよい状況を作り出すためにその提案を mimic し ている可能性を含めてもなお、雇用主にとって提案通りの決定をすることが最 適であるならば、その提案は当然生じると想定した。もちろんこの条件を満た す提案が存在しない場合もある。Ⅲ章の雇用契約の場合,hタイプの就職応募 者にとって,「私はhタイプだから,あなたは J, をとるべきだ」と提案する ことも、また、「私は自分のタイプを言いたくないから、あなたは J_o をとる べきだ」と提案することも、雇用主から最適な決定 12 を引き出すことはでき ない。だから cheap talk の一般理論から当然生じるべき cheap talk はない。 この場合,図1下の phase 2 のコミュニケーションを通じて形成されらるプ レイの共通認識としては、結局コミュニケーション・チャンスのもとでの表3 のゲームGの sequential equilibrium ならどれも排除できないということ になる。それは、結果的には、V章の均衡分析が導いた Pooling Equilibrium と Screening Equilibrium に対応するプレイの仕方の2つが可能で、しか もそのいずれが生じるかは、非均衡分析では明示されていないコミュニケーシ ョンの複雑なプロセスによって決まるということになる。このことは、Ⅲ章で 述べた cheap talk としての「就職面接」のそもそもの存在理由に関する直 感に反するように思えるかもしれない。確かに、表3の雇用契約のゲームでは、 就職応募者も雇用主も、タイプをあきらかにして雇用契約を結ぶ方が非雇用 $J_{
m o}$ よりも望ましいという点では利害は一致し, その意味で「就職面接」にお いて当然話されるべき論点は明かである。しかし、この利害一致は不完全で、 hタイプの就職応募者は J_2 での雇用契約を望むが、そのことが分かれば雇用 主は J. での雇用契約を望む。従ってその明らかな論点について最終点解決策

² 非均衡分析では、コミュニケーションのあり方を共通認識とした会話は想定していないので、 Hybrid Equilibrium は考えていない。

雇用主 応募者の タイプ	J_0	J ı	J ₄
$\frac{1}{2}$ h	(0, 7)	(6, 10)	(3, 0)
$\frac{1}{2}$ t	(0, .7)	(3, 0)	(6, 10)

一表 4 一

を話し合う段になると、そのための何らの reference point もない場合には、 h タイプは、雇用主にとって信憑性があってかつ自己に最も有利な説得を行な うことはできない、ということを示している。例えば表3の代わりに、次の表 4 のような雇用契約問題であれば、我々が「就職面接」に求める相互理解プロ セスとしてのコミュニケーションの役割の直観的理解は、ゲーム理論上も裏付けられる。

表 4 の雇用契約問題は,表 3 の問題で雇用主にたまたま文化系と理科系をmix した能力を要求する J_2 , J_3 のポジション補充の必要がなかった場合に生じるゲームである。このとき,就職応募者ばh タイプであれば,「就職面接」において必ず次の提案をするはずだと期待される。

『この「就職面接」で私が何を言ってもあなたがそれをホゴにしてしまうというのは「就職面接」の1つのあり方だ。そのときには、非雇用 J_0 の決定をすればよい。しかし、私はそのような「就職面接」ならはじめからしないほうがましだと思う。私がここにきたのは、あなたに必要な情報を私が持っていて、それについてお互いがどうすればよいかについての共通の認識に、話し合いによって達せられると信じるからだ。実際このような「就職面接」では、hタイプは自己のタイプを明かして J_1 での雇用を主張し、tタイプは自己のタイプを明かして J_2 での雇用を主張し、t0 での なっている。なぜなら、もし決定権を持つあなたがこの主張を信じてその限りであなたにとっての最適決定をしたとしたら、それはこの主張の通り J_1 や J_4 で

の雇用を選ぶことである。ところがそれによって、どちらのタイプの就職応募者も自分にとって望み得る最良の結果を得ることができるのだから、この際沈黙したりまた自己のタイプを偽ったりする事は自己の利益にあわないからである。そうして現にいま提案しているこの私もそう考えて提案しているのである。ところで私の実際のタイプはhであるから、あなたは私を J_1 で雇用すべきである。』

この提案が credible cheap talk であるのは,表 4 の雇用契約のゲームの場合,就職応募者と雇用主の間に完全な利害の一致があるからである。もちろん credible cheap talk のクラスは,考えているゲームのクラスやコミュニケーション・チャンスのあり方にも依存するし,またコミュニケーションの一般理論についての考え方にも依存する。 Myerson [1983], Farrell [1988], Myerson [1989] はこれらの異なる定式化を与えている。

cheap talk の一般理論の第2のあり方は、図1下の phase 1においてすでにプレイの仕方について共通認識が成立しているとき、そのプレイの仕方に不満な個人が、phase 3における実際のプレイに先立つ phase 2のコミュニケーション・チャンスを利用して、その共通認識を upset し、代替的共通認識へ変換させるプロセスとしてのコミュニケーションを想定している場合に生じる。この場合には、その個人の主張には、「明白に選択されるべき」プレイの仕方に関して、他の個人に説得する上での reference point がある。それは、phase 1 ですでに成立しており、誰も不服を唱えなければ phase 3 での実行に移されるであろうプレイの仕方である。例えば、表3の雇用契約のゲームGにおいて、問題となっている雇用主と就職応募者が属している社会では、これまでに繰り返しゲームGがプレイされ、そのたびに雇用主は「就職面接」をせずにI0を選んできたとしよう。つまり、潜在的就職希望者がいることは知りつつも、雇用主の側に「就職面接」という雇用の方法がなかったとしよう。そのとき、ある潜在的就職希望者が「就職面接」を申し込めばよいと気づけば、自ち会社訪問をして、彼がもしI2のよっている。次の提案をすべきことは当然と考

えられる。

『いま私が何を言ってもあなたがそれをホゴにしてしまうというのは,あな たの1つの態度のあり方だ。そのときには、非雇用了の決定をすればよい。 しかし、それならばこれまでの社会慣習にしたがってあなたが決定した場合 と何ら変わりはない。放っておけばこれまでの慣習通りに物事が進むという のに私がわざわざここにきたのは、あなたに必要な情報を私が持っていて、 それについてお互いがどうすればよいかについての共通認識に,話し合いに よって達せられると思い至ったからだ。もし私がんタイプなら、これまでの 慣習にしたがってみすみすあなたが非雇用 /。をとるよりは、自分のタイプ を明らかにして、私個人にとっては second best ではあるけれど、 J_1 での 雇用をして貰った方がましである。それは私がtタイプであっても同じで、 非雇用 J_o よりは,タイプを明かして second best J_o での雇用を受け入れ ることを望むだろう。このとき、わざわざ自分のタイプを偽る動機はない。 なぜなら、これまでの慣習に異議を唱えるにしても、自分のタイプを明かす ほうが偽るよりも自分に望ましい結果が得られるからだ。たから、あなたは もしこれまで潜在的希望者だった私のような人物が雇用を希望したなら、そ の提案を受け入れるべきである。ところで私の実際のタイプは h であるから, あなたは私を J で雇用すべきである。』

就職応募者と雇用主の間に利害の完全な一致がないにもかかわらず,この提案が、credible cheap talk であるのは,プレーヤーの間に提案を無視した場合に何が起こるかについての共通認識があって,それを reference point として用いることができるからである。このような既存のプレイの仕方の共通認識に対する異議申し立てのあり方には様々なものが考えられ,それに応じて,そのような異議申し立てのチャンスにもかかわらず実行されるプレイの仕方が「明白に選ばれるべき」ものとして,Farrell [1985],Okuno-Fujiwara and Postlewaite [1987],Matthews,Okuno-Fujiwara and Postlewaite [1987],などによって分析されている。

cheap talk の非均衡分析が、ゲームにおけるコミュニケーションの役割を 「明らかにする上でこれまでになし得た貢献は,次の4つにまとめられよう。第 1に、伝統的な均衡分析においては図1上の phase 1の black box に入れら れて、その役割自体を明示的に論じる余地がなかった cheap talk を、完全な 形で black box の外へ引き出したことである。つまり、cheap talk の均衡分 析においては、与えられたゲームGにおける cheap talk は、単に特殊なコ ミュニケーションを持つゲーム $\Gamma(G)$ の一部と考えられ、 そのコミュニケー ション・ゲーム $\Gamma(G)$ 自体で何が起こるかが決まるプロセスは再び図1下の phase 1の black box に入れられてしまった。これに対し、cheap talk の 非均衡分析は、均衡テストに先立って先見的にコミュニケーションのあり方を 直接論じた。第2に、コミュニケーションのあり方を論じる上でコミュニケー ションの動機の側面を重視した。それは、プレイの仕方についての共通理解を 模索するために人はともかく話すという側面である。第3に、その動機の側面 から credible cheap talk に関する一般理論を作ろうとしたことである。つ まり、与えられたゲームにおかれる個人の利害対立関係とその関係下で自己の 状況を少しでも改善しようとする動機とによって、人が何を話すかが予見でき ると考え、コミュニケーションにおける人々の行動を説明したり予測したりす る理論を作ろうとした。これはそれ自体がコミュニケーションという社会現象 に対する新しいアプローチである。第4に、当然生じるべき会話のクラスを、 その動機によって定めたことから、会話の仕方として単にプレイの仕方と両立 するという条件を満たしたとしても、別の会話が行なわれる動機が現にある場 合には、もとの動機の薄弱な会話によってのみサポートされるプレイの仕方は 不合理とされる。つまり、均衡分析では、様々な形のコミュニケーションの どれが本当に生じそうであるかについて何らの予測もしえなかったが、cheap talk の非均衡分析では、現にコミュニケーションによって均衡が選びとられる ことがわかる。例えば、表4の雇用契約のゲームにおいて J_0 をプレイするこ とは cheap talk の均衡分析によっては決して排除できないが、非均衡分析

によっては可能であり、しかもその方が我々の現実の直観により適合する。

しかし、これらの貢献にもかかわらず、 cheap talk の非均衡分析の現状 は、次の3つの問題を抱えている。第1は、誰もが認めるコミュニケーション の一般理論というものがいまだ確立されていないし、そもそもそれが可能であ るか否かも明らかではない。だから、論者によって様々に異なる非均衡分析が 提案されたが,そのうちどれが正しいかを判定すべき論拠がない。第2に,そ もそもコミュニケーションによってプレイの仕方の相互理解が形成されるとい う想定は正しいか,という疑問がある。cheap talk の非均衡分析は,動機と 両立する説得は「話せばわかる」という想定に基づいている。しかし、我々が 最初から排除しているコミュニケーション上の coding と decoding の問題 を別としても、なお、ある説得がなされたときの動機やその説得と動機との両 立可能性のロジック・推論について当事者間に何らかの共通理解がなければ、 「単に話した」だけでは理解されないかもしれない。そうすると、会話によっ てプレイの仕方の相互理解が促進されるにしても、少なくとも cheap talk の均衡分析が前提としていたコミュニケーションのあり方についての何がしか の共通理解の存在は、cheap talk の非均衡分析も避けることはできない。第3 に、そのようなコミュニケーションの共通理解をわずかにせよ認めるとすると、 そこにはコミュニケーション上の情報の戦略的操作の余地が生まれる。つまり、 プレイの仕方についての相互理解が欠如している状況下で、それを確立するた。 めにともかくも話し合ってみようという動機で cheap talk が発生することは 確かだが、そこで何が話されるかは単に動機と説得との両立可能性のみならず、 cheap talk の均衡分析が問題としたcheap talk の道具としての側面にも依存 してくるであろう。

4 文 基 4

Aumann, R. [1976], "Agreeing to Disagree", Ann. Statist.

Aumann, R. [1990], "Nash Equilibria Are Not Self-enforcing," in Economic

- Decision-Making: Games, Econometrics and Optimization, ed. Gabszewicz, Richard, and Wolsey, North-Holland.
- Banks, J. and J. Sobel [1987], "Equilibrium Selection in Signaling Games," *Econometrica*.
- Bergin, J. [1989], "A Characterization of Sequential Equilibrium Strategies in Infinitely Repeated Incomplete Information Games," *JET*.
- Cho, I. and D. Kreps, [1987], "Signaling Games and Stable Equilibria," QJE. Crawford, V. and J. Sobel, [1982], "Strategic Information Transmission," Econometrica.
- Elchanan, B. and E. Dekel [1987], "Coordination and the Potential for Self Sacrifice," mimeo.
- Farrell [1985], "Credible Neologisms in Games of Communication," MIT Working Paper 386
- Farrell, J. [1988], "Communication, Coordination and Nash Equilibrium," Economic Letters.
- Forges, F. [1986], "An Approach to Communication Equilibria," Econometrica.
- Forges, F. [1987], "Non-zero Sum Repeated Games and Information Transmission," mimeo.
- Forges, F. [1988a], "Communication Equilibria in Repeated Game with Incomplete Information," *Math of OR*.
- Forges, F. [1988b], "Infinitely Repeated Games with Incomplete Information," mimeo.
- Forges, F. [1988c], "Repeated Games of Incomplete Information," mimeo.
- Forges, F. [1990], "Equilibria with Communication in a Job Market Example," QJE.
- Grossman, S. and M. Perry [1986], "Perfect Sequential Equilibria," JET.
- Hart, S. [1985], "Nonzero-Sum Two-person Repeated Games with Incomplete Information," Math. of OR.
- Kalai, E. [1981], "Preplay Negotiations and the prisoner's Dilemma," Math. Social Science.
- Matsui, A. [1989], "Cheap Talk and Coorperation in the Society," mimeo.
- Matthews, Okuno-Fujiwara and Postlewaite. [1990], "Refining Cheap-Talk Equilibria," mimeo.
- Myerson, R. [1983], "Mechanism Design by Informed Principal," Econometrica
- Myerson, R. [1986], "Multistage Games with Communication," Econometrica.
- Myerson, R. [1989], "Credible Negotiation Statements and Coherent Plans," *JET*.
- Okuno-Fujiwara and Postlewaite [1987], "Forward Induction and Equilibrium

Refinemet," CARESS #87-01.

Rabin, M. [1990], "Communication between Rational Agents," *JET*. 久本・末広 [1990], 「「合理的」プレーヤーは合理的か?」, 国民経済雑誌第161巻第4号

