



ウォームギヤと平歯車を用いた回転軸駆動機構の数学モデル

佐藤, 隆太
谷山, 裕紀
堤, 正臣

(Citation)

精密工学会誌, 78(8):683-688

(Issue Date)

2012

(Resource Type)

journal article

(Version)

Version of Record

(URL)

<https://hdl.handle.net/20.500.14094/90001944>



ウォームギヤと平歯車を用いた 回転軸駆動機構の数学モデル*

佐藤 隆太** 谷山 裕紀*** 堤 正 臣†

Mathematical Model of Driving Mechanism for Rotary Axis Driven by Worm and Spur Gears

Ryuta SATO, Yuki TANIYAMA and Masaomi TSUTSUMI

This paper proposes a mathematical model of CNC rotary table driven by worm and spur gears. Proposed mathematical model has 4 degrees of freedom; rotational angle of motor, rotational angle of worm shaft, axial displacement of worm shaft, and rotational angle of table. Backlashes of spur and worm gear are also introduced into the model. Mass and inertias are calculated from designed drawings, and Coulomb's and viscous frictions are identified by matching motor torque curves under sine wave motions. Frequency response of the driving mechanism is also measured to identify axial and rotational stiffness. In order to confirm the effectiveness of proposed model, an experimental set-up consists of the rotary table and personal computer with a DSP board is modeled. Step response, rotational fluctuation, and influence of unbalanced mass are measured and simulated. As the results, it is confirmed that the proposed model can well simulate actual behaviors.

Key words: rotary axis, mathematical model, worm gear, spur gear, backlash, simulation

1. 緒 言

5軸制御マシニングセンタに代表される多軸制御工作機械は、直進軸に加えて回転軸を備えることで、工具と工作物間の相対位置および角度の制御を可能にしている。多軸制御工作機械により加工される製品の形状は、直進軸および回転軸の静的な幾何精度と動的な運動特性とにより左右されるため、それらの改善は製品の品質と生産性の向上に直結する。よって、幾何精度や運動特性の評価および向上に関する研究が行われてきた。

JIS B6190-7¹⁾には、回転軸の幾何精度とその評価方法について示されている。回転軸の幾何精度評価方法についてはこれまでに多くの研究例があり²⁾⁻¹⁰⁾、回転中心線の位置や傾きといった誤差の同定については、ボールバーを使った方法が様々な形態の機械に対して開発されているほか²⁾⁻⁵⁾、1つまたは複数の変位計と基準球とを使った方法が開発されている⁶⁾⁻⁸⁾。さらに、R-test⁶⁾と呼ばれる測定装置により回転角度依存の誤差を評価するための研究や⁹⁾、傾斜回転軸の位置決め精度測定方法に関する研究もある¹⁰⁾¹¹⁾。

一方で動的な運動特性は、各部の質量や剛性、摩擦といった機械的な要素に加え、フィードバック用センサの特性や制御系の応答性といった様々な要因により変化するため、その解析と改善のために、数学モデルによるシミュレーションが有効な手段として用いられてきた¹²⁾⁻¹⁴⁾。しかし、それらの研究は全て直進軸の運動特性に関するものである。回転軸の動的な数学モデルは検討されているが¹⁵⁾、等速回転時の変動やアンバランス質量による影響については検討されていない。

本研究では、ウォームギヤと平歯車を用いた回転軸駆動機構の数学モデルを提案する。回転軸の駆動機構としてはダイレクトドライブを含むいくつかの機構が存在しているが、その不可逆回転特性やコスト、設計上の自由度といった面から、ウォー

ムギヤと平歯車を用いた回転軸は広く使われている。多軸制御工作機械で直進軸と回転軸の同期運動が行われる場合、回転軸の運動特性が同期精度に強く影響することが知られており¹⁶⁾⁻¹⁸⁾、回転軸の運動特性を解析できる数学モデルは同期精度向上のための有効なツールになり得る。

2. 実験装置

本研究で用いた実験装置を図1に示す。実験装置はウォームギヤと平歯車を用いた回転テーブル、ACサーボモータとサーボドライバ、およびDSPボードを組み込んだパソコンとからなる。回転テーブルは回転軸中心線を垂直方向または水平方向のどちらかに向けて固定する。

回転軸駆動機構の模式図を図2に示す。サーボモータの回転

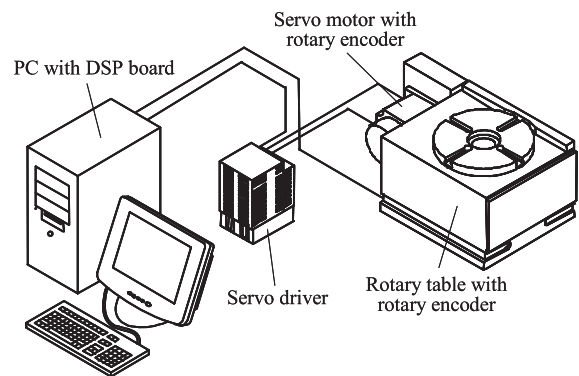


Fig.1 Experimental set-up

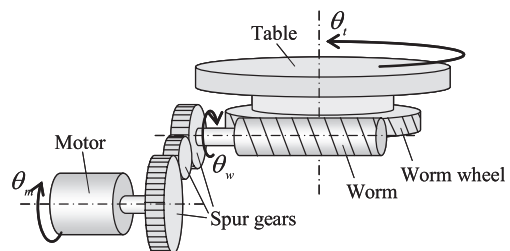


Fig.2 Driving mechanism

* 原稿受付 平成 23 年 10 月 30 日

** 正 会 員 神戸大学大学院 (兵庫県神戸市灘区六甲台町 1-1)

*** 東京農工大学大学院博士前期課程 (現, 株式会社東京精密; 東京都八王子市石川町 2968-2)

† 正 会 員 東京農工大学大学院 (東京都小金井市中町 2-24-16)

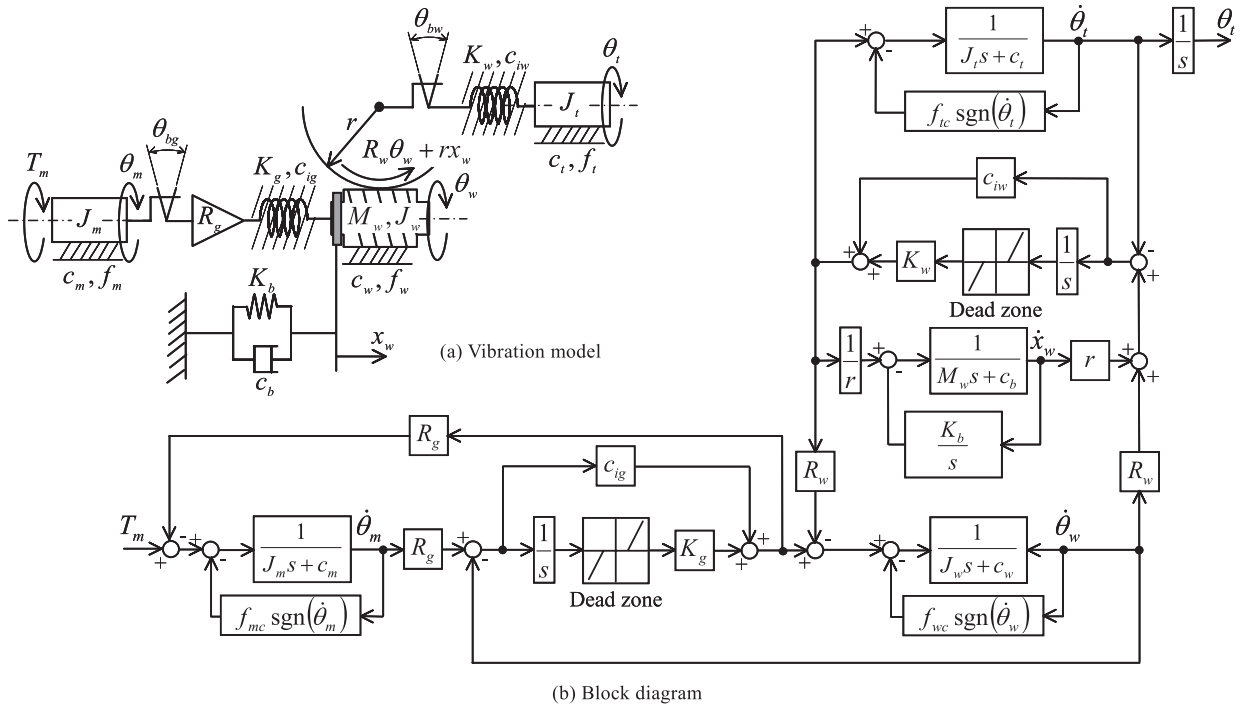


Fig.3 Proposed model of driving mechanism for rotary axis driven by worm and spur gears

は減速比 4/5 の平歯車列を介してウォーム軸に伝達され、減速比 1/72 のウォームギヤを介してテーブルが駆動される。モータからテーブルまでの総減速比は 1/90 である。テーブルには分解能 0.0001 度のロータリエンコーダが取り付けられており、DSP ボードを介してモータの回転角度と同期して記録する。モータの回転角度は分解能 65536 pulse/rev (0.00549 度) のロータリエンコーダで検出される。これをテーブルの回転角度に換算すると、0.000056 度となる。

サーボドライバはトルク制御モードで使用し、DSP ボードからアナログトルク指令を与えることで運動を制御する。速度制御系と位置制御系はパソコン上に構成し、サーボモータの回転角度をフィードバックして、制御周期 1 ms でセミクローズドループ制御を行う。速度制御系は比例-積分制御、位置制御系は比例制御とし、サーボ系の応答性の指標である位置ループゲインと速度ループゲインは、それぞれ 42 1/s と 150 rad/s とした。

3. 回転軸駆動機構の数学モデル

3.1 駆動機構のモデル化

本研究で提案する回転軸駆動機構のモデルを図3に示す。図(a)が振動モデルであり、モータ回転角度 θ_m rad, ウォーム軸の回転角度 θ_w rad, ウォーム軸の軸方向変位 x_w m, およびテーブル回転角度 θ_t rad を考慮した 4 自由度系となっている。図中左下がりの斜線は粘性を表現している。図(a)のモデルから式(1)の運動方程式を得る。各パラメータの説明を表1に示す。

$$\left. \begin{aligned} J_m \ddot{\theta}_m + c_m \dot{\theta}_m + R_g T_g + R_g c_{ig} (R_g \dot{\theta}_m - \dot{\theta}_w) + f_m &= T_m \\ J_w \ddot{\theta}_w + c_w \dot{\theta}_w + R_w T_w + R_w c_{iw} (R_w \dot{\theta}_w + r \dot{x}_w - \dot{\theta}_t) + f_w &= T_g + c_{ig} (R_g \dot{\theta}_m - \dot{\theta}_w) \\ M_w \ddot{x}_w + c_b \dot{x}_w + K_b x_w + \frac{T_w}{r} + \frac{c_{iw}}{r} (\dot{\theta}_t - R_w \dot{\theta}_w - r \dot{x}_w) &= 0 \\ J_t \dot{\theta}_t + c_t \dot{\theta}_t + f_t &= T_w + c_{iw} (R_w \dot{\theta}_w + r \dot{x}_w - \dot{\theta}_t) \end{aligned} \right\} (1)$$

Table 1 Parameter list of proposed model

Symbol	Unit	Parameter	Value
J_m	kgm ²	Inertia of motor rotor and drive spur gear	13.9×10^{-4}
J_w	kgm ²	Inertia of driven spur gears and worm	4.3×10^{-4}
J_t	kgm ²	Inertia of worm wheel and table	0.108
M_w	kg	Mass of worm shaft	1.2
K_g	Nm/rad	Torsion stiffness between motor and worm shaft	850
K_w	Nm/rad	Torsion stiffness of worm gear	3.1×10^5
K_b	N/m	Axial stiffness of support bearing of worm shaft	5.8×10^7
c_m	Nms/rad	Viscous coefficient of motor shaft	8.0×10^{-3}
c_w	Nms/rad	Viscous coefficient of driving mechanism	1.0×10^{-2}
c_b	Ns/m	Axial viscous coefficient of worm shaft bearing	1.2×10^3
c_t	Nms/rad	Viscous coefficient of table bearing	1.1×10^2
c_{ig}	Nms/rad	Viscous coefficient between motor and worm shaft	5.0×10^2
c_{iw}	Nms/rad	Viscous coefficient between worm and worm wheel	0.1
f_{mc}	Nm	Coulomb's friction torque of motor	0.14
f_{wc}	Nm	Coulomb's friction torque of driving mechanism	0.24
f_{tc}	Nm	Coulomb's friction torque of table	6.0
θ_{bg}	rad	Backlash of spur gears	3.0×10^{-3}
θ_{bw}	rad	Backlash of worm gear	8.7×10^{-5}
R_g	-	Reduction ratio of spur gears	4/5
R_w	-	Reduction ration of worm gear	1/72
r	m	Pitch circle radius of worm wheel	0.08

式(1)において、 T_m はモータトルク [Nm] であり、 T_g と T_w はそれぞれ平歯車とウォームギヤの伝達トルク [Nm] である。本研究では、伝達トルク T_g と T_w を式(2)および式(3)として表現する。

$$\left. \begin{aligned} \text{if } |R_g \theta_m - \theta_w| \geq 0 \\ \text{then } T_g &= K_g (R_g \theta_m - \theta_{bg} - \theta_w) \\ \text{else } T_g &= 0 \end{aligned} \right\} (2)$$

$$\left. \begin{aligned} \text{if } |R_w \theta_w + r x_w - \theta_t| \geq 0 \\ \text{then } T_w &= K_w (R_w \theta_w + r x_w - \theta_{bw} - \theta_t) \\ \text{else } T_w &= 0 \end{aligned} \right\} (3)$$

式(1)の運動方程式から図3(b)のブロック線図を得る. 式(2)および式(3)はブロック線図上では不感帯として表現できる. また, モータ軸回りの摩擦トルク f_m Nm, 駆動機構の摩擦トルク f_w Nm, およびテーブル軸回りの摩擦トルク f_t Nm はクーロン摩擦としてモデル化した. 図3(b)中の sgn は符号関数である.

ウォームギヤによる角度伝達精度は歯面の形状精度や組立て誤差の影響を受けることが知られているが¹⁹⁾, 本研究では, 主にウォーム軸の振れ回りに起因する, ウォーム軸の回転と同期した変動成分のみを考慮し, ウォームギヤの減速比 R_w をウォーム軸の回転角度 θ_w の関数 (式(4)) として与えることでモデル化した. ここで, W は回転むらの振幅 rad であり, ウォームギヤの伝達トルク T_w の符号により異なる値となる. これは, 伝達トルクの符号により接触する歯面が異なるためである.

$$R_w = R_{wn} + W \sin(T_w) \quad (4)$$

歯車列の剛性に関しても, 歯面の接触状態の変化に応じて周期的に変動することが知られているが²⁰⁾, 本研究では, 剛性 K_g および K_w は一定の値としてモデル化した.

3.2 パラメータの決定

慣性モーメント J_m, J_w, J_t および質量 M_w は, 回転テーブルの設計値から比較的正確な値を計算できる. また, ウォーム軸サポートベアリングの剛性 K_b についても仕様値を入手することができる. しかし, ギヤの伝達剛性である K_g, K_w やクーロン摩擦トルク f_{mc}, f_{wc}, f_{tc} および各部の粘性係数については, それらの値を計算により求めることが困難または不可能である. そこで本研究では, 実験結果とシミュレーション結果とができる限り一致するように各パラメータの値を決定した.

まず, モータを機構から取り外してモータ単体で正弦波往復運動を行うことで, モータ軸回りのクーロン摩擦トルク f_{cm} と粘性係数 c_m とを同定できる¹⁴⁾. そのうえで, モータを機構に取付けて正弦波往復運動を行い, そのときのモータトルク波形が実験とシミュレーションとで一致するように, クーロン摩擦トルク f_{cw}, f_{ct} と粘性係数 c_w, c_t とを同定する. テーブルの角度振幅を30度, 周期を6秒としたときのモータトルク波形の実験結果とシミュレーション結果を図4に示す.

なお, 図4のデータにはテーブル軸回りの摩擦トルクと駆動機構の摩擦トルクの両方の影響が含まれており, その2つを分離できない. しかし, 後に述べるアンバランス質量付加時のデータを用いることで, テーブル軸回りの摩擦トルクを推定でき, 結果的に駆動機構の摩擦トルクも決定できる.

平歯車列の剛性 K_g とウォームギヤの剛性 K_w は, 駆動機構の共振周波数が実験とシミュレーションで一致するように決定する. 周波数特性は, 速度および位置制御系を外してオープンループとし, 振幅5 Nmの正弦波トルク指令をサーボドライバに入力することで行った.

正弦波の周波数を10, 200, 350 Hzとしたときのモータ回転角度とテーブル回転角度とを図5に示す. モータ回転角度はテーブル回転角度に換算して表示している. 図によると, 10 Hzではテーブルとモータの回転角度に差異はみられないのに対し, 200 Hzでは駆動機構の共振によりテーブルの振幅のほうが大きくなっている. さらに350 Hzではテーブルの運動は検出できなくなった.

同様の測定を1 Hzごとに行い, 各周波数におけるモータとテーブルの振動振幅を計算し, 周波数とモータとテーブルの振動振幅比との関係を整理した. その結果を図6に示す. 縦軸はゲインとして表示している. シミュレーションでは, バックラッ

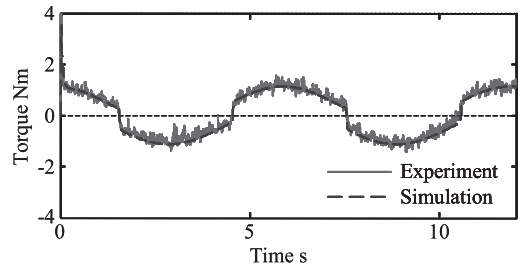


Fig.4 Comparison of motor torque curve under sine wave motion (Amplitude: 30 deg, Period: 6 s)

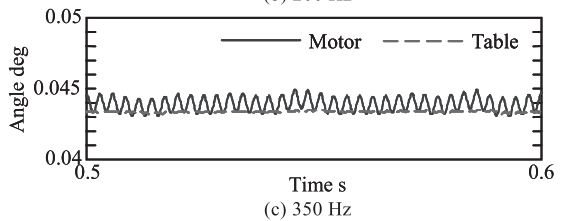
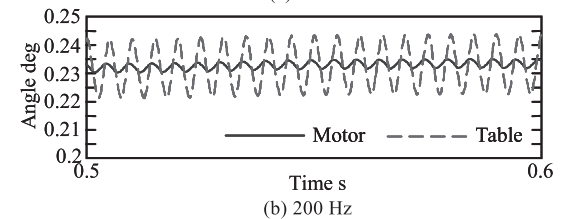
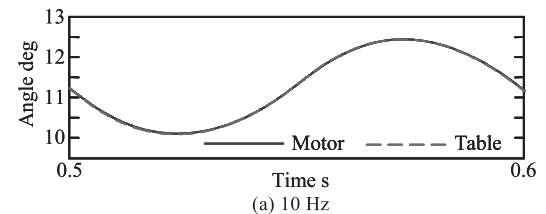


Fig.5 Comparison of motor and table angles under sine wave motions

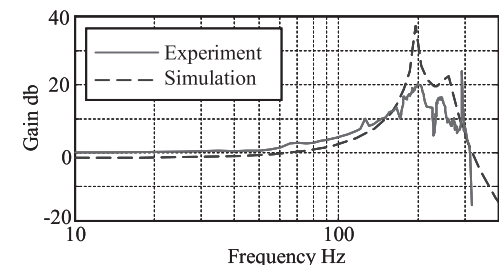


Fig.6 Frequency response of drive mechanism

シ等の非線形要素を除いたうえで, モータからテーブルまでの伝達関数を求めた. 図によると, 実験では200Hz, 250 Hz, および300 Hz付近に共振がみられる. そこで, ウォームギヤの剛性 K_w は200 Hz付近, 平歯車列の剛性は250 Hz付近の共振に関係していると仮定して2つのパラメータを試行錯誤的に決定した. さらに, 粘性係数 c_{ig} および c_{iw} についても, 共振点付近のゲインのシミュレーション結果が実験結果とできる限り一致するように試行錯誤的に決定した.

しかし, 図6からわかるように, 実験結果とシミュレーション結果とを完全に一致させることはできなかった. このことの原因として, バックラッシュおよび非線形な摩擦特性や剛性による影響が考えられる.

なお, ウォーム軸サポートベアリングの剛性 K_b に起因する共振が, シミュレーションでは1 kHz付近にみられた. しかし, 図6の実験結果では300 Hz付近にそれとみられる共振が観察さ

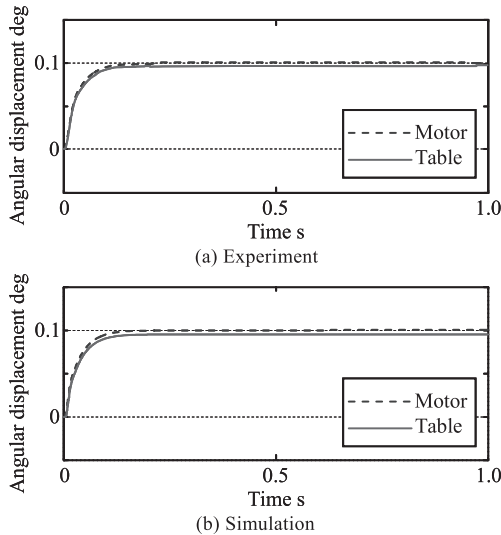


Fig.7 Comparison of step responses (0.1 deg)

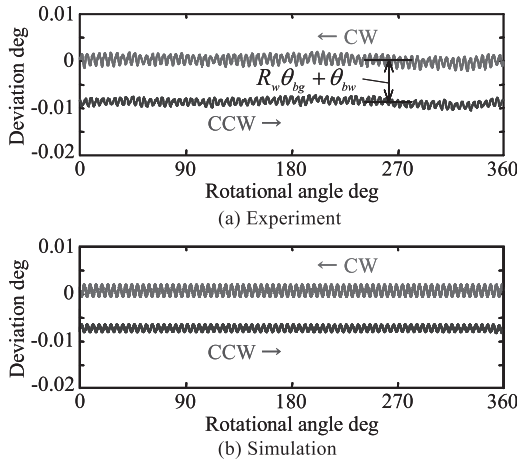


Fig.8 Comparison of rotational fluctuations (360 deg/min)

れ、このことの原因についても明らかにするには至っていない。

以上のことから、提案した方法によりモデルの全てのパラメータを決定できるが、周波数特性のシミュレーション結果については今後検討する必要があるといえる。

4. 実験結果とシミュレーション結果の比較

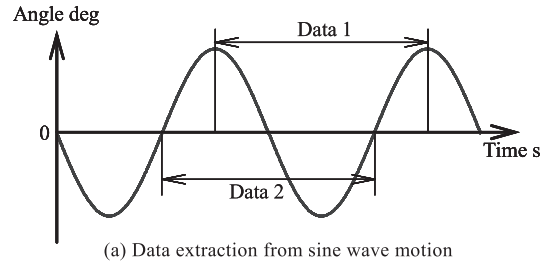
4.1 ステップ応答

ステップ高さを 0.1 度としたときのステップ応答の実験結果とシミュレーション結果とを図 7 に示す。図(a)が実験結果、図(b)がシミュレーション結果であり、モータ回転角度はテーブル回転角度に換算して表示している。

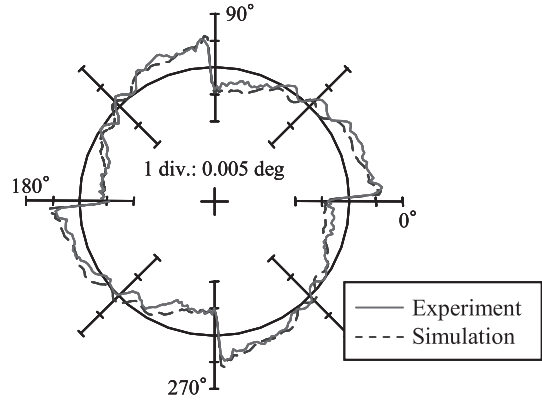
図によると、実験結果とシミュレーション結果の両方においてテーブル回転角度は目標値に達しておらず、これは平歯車とウォームギヤに存在するバックラッシによる影響である。以上のことから、提案したモデルによりバックラッシがステップ応答に及ぼす影響を表現できるといえる。

4.2 等速回転時の変動

回転速度 360 deg/min の等速回転運動を時計回りと反時計回りで行い、そのときのテーブル回転角度とモータ回転角度との差を求めた。このとき、モータ回転角度はテーブル回転角度に換算している。その結果を図 8 に示す。図 8 の結果は、モータとテーブルの間に存在する駆動機構に起因する誤差のみを抽出



(a) Data extraction from sine wave motion



(b) Comparison of motion errors under sine wave motion (Amplitude: 60 deg, Period: 15 s)

Fig.9 Motion error representing method for a rotary axis and measured and simulated results

した結果とみなせる。図(a)が実験結果、図(b)がシミュレーション結果であり、実験とシミュレーションとは同じ方法でデータを処理している。

図によると、実験結果とシミュレーション結果の両方において、回転方向の違いにより誤差の大きさが変化している。これは平歯車とウォームギヤのバックラッシによるものであり、その大きさはテーブル回転角度に換算した 2 つのバックラッシ量の合計に相当する。

また、実験結果とシミュレーション結果の両方に細かい変動が生じており、回転方向によってその変動の振幅が異なっている。この変動の周期はウォーム軸の回転周期と一致しており、主にウォームの振れ回りによるものであると考えられる。なお、実験ではより長い周期の変動も認められ、これはウォームホイールの加工精度や組立て精度、および回転角度を測定するために取付けたロータリエンコーダの取付け精度に起因すると考えられるが、それらの誤差をモデルに考慮していないため、シミュレーション結果には現れていない。

以上の結果から、提案したモデルにより、バックラッシが等速回転時の回転誤差に及ぼす影響とウォーム軸の回転周期に同期した回転誤差の変動とを表現できるといえる。

4.3 運動方向反転時の挙動

工作機械の直進軸の運動性能を評価するための方法として円運動精度試験がある²¹⁾。この方法の利点の 1 つは、運動誤差を拡大表示することが容易である点にあり、例えば軸の運動方向が反転する象限切替え部では、摩擦力の影響による突起状の軌跡誤差(象限突起)や、バックラッシ等の影響による段差状の軌跡誤差が生じることが知られている²²⁾。

回転軸の運動方向が反転するときの運動誤差を直進軸との同期運動を行わせることで評価した事例はあるが²³⁾、本研究では、回転軸単体での運動誤差を調査するため、円運動精度試験に相当する運動を行って運動誤差を拡大表示した。



(a) Experimental method

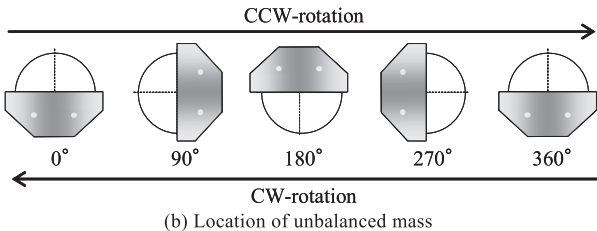


Fig.10 Experimental method for influence of unbalanced mass

すなわち、回転軸単体で正弦波往復運動を行わせ、そのときのデータから、図 9(a)に示すように位相が 1/4 周期ずれた 2 つのデータ (Data 1, Data 2) を抽出する。さらに抽出された 2 つのデータをそれぞれ X 軸および Y 軸とみなして円弧軌跡を描き、その半径方向の誤差を拡大表示する。

振幅 60 度、周期 15 秒の正弦波往復運動の実験とシミュレーションを行い、そのときのテーブル回転角度を模擬的に円弧表示した結果を図 9(b)に示す。図において、円周方向の回転角度は 1 周期を 360 度としたときの位相角を表し、半径方向の拡大表示された誤差がテーブルの運動誤差を表している。

図によると、実験とシミュレーションの両方において、運動方向が反転する 90 度ごとにバックラッシュの影響による段差状の運動誤差がみられるほか、軌跡上には周期的な変動がみられる。以上のことから、提案したモデルで運動方向反転時の挙動を含む正弦波往復運動時の運動誤差を表現できるといえる。

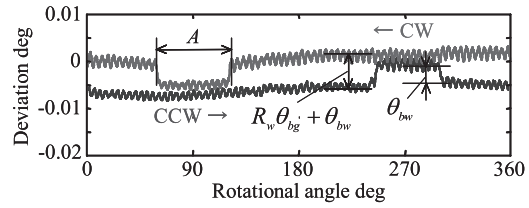
4.4 アンバランス質量による影響

例えば傾斜回転軸では回転軸の構造物自体または搭載される工作物がアンバランス質量となり、運動精度に影響を及ぼす²⁴⁾。本研究では、アンバランス質量による影響を調査するため、図 10(a)に示すように回転中心線が水平方向を向くように回転テーブルを固定し、1 つ 11.67 kg のアンバランス質量を 1 つまたは 2 つテーブルに取付けた。

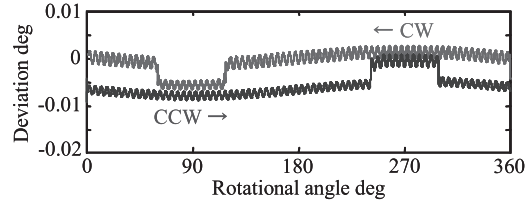
テーブル回転角度とアンバランス質量の位置との関係を図 10(b)に示す。図に示すように、アンバランス質量と重力加速度によるモーメントはテーブル回転角度が 90 度と 270 度ときに最大となり、アンバランス質量を 1 つ取付けたときの最大モーメントは 6.74 Nm である。

回転速度 360 deg/min で時計回りと反時計回りの等速回転運動を行い、そのときのテーブル回転角度とモータ回転角度 (テーブル角度に換算) との差を表示した結果を図 11 および図 12 に示す。図 11 がアンバランス質量を 11.67 kg (6.74 Nm) とした場合、図 12 がアンバランス質量を 23.34 kg (13.48 Nm) とした場合の結果であり、それぞれ図(a)が実験結果、図(b)がシミュレーション結果である。

アンバランス質量を付加しない場合の結果である図 8 と比べると、図 11 および図 12 では 90 度および 270 度付近でステップ状の変化が観察でき、この変化の幅 (図中 A) はアンバランス質量が大きい図 12 のほうが大きくなっている。また、ステップ

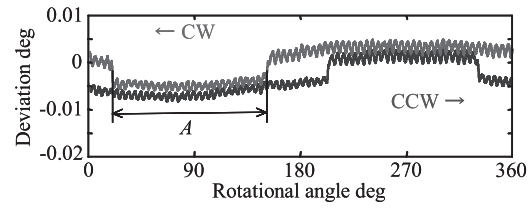


(a) Experiment

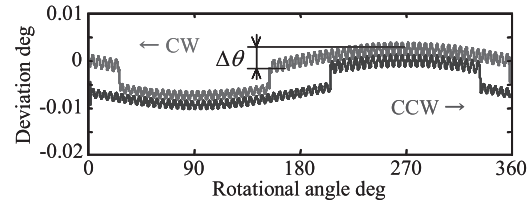


(b) Simulation

Fig.11 Rotational deviation with unbalances mass (11.67 kg)



(a) Experiment



(b) Simulation

Fig.12 Rotational deviation with unbalances mass (23.34 kg)

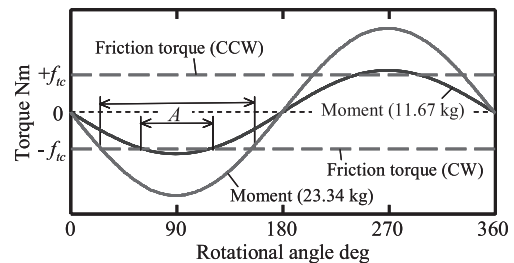


Fig.13 Relationships between friction torque and moment

状の変化が生じている部分の細かい変動の振幅をみると、ステップ状の変化が生じる前後で変動の振幅が変化しており、すなわちウォームギヤの歯面が変化していることがわかる。

これらの現象はシミュレーション結果にも実験結果と同様に現れており、90 度と 270 度付近に現れるステップ状の変化の高さが、ウォームギヤのバックラッシュ量 θ_{bw} に相当する。よって、アンバランス質量を付加して等速回転運動を行ったときの誤差波形から、ウォームギヤのバックラッシュ量 θ_{bw} と平歯車列のバックラッシュ量 θ_{bg} とを一意に同定できる。

図 12 によると、誤差波形には 90 度および 270 度付近を極値とする変動がみられ (図中の $\Delta\theta$)、これは駆動機構の弾性変形によるものである。図 11 でもわずかに観察されるが、アンバランス質量の大きい図 12 のほうがより顕著に現れている。

アンバランス質量によるモーメントとテーブル軸回りの摩擦トルク f_f との関係を図 13 に示す。アンバランス質量によるモー

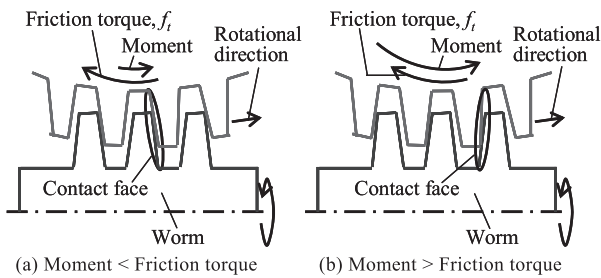


Fig.14 Schematic diagram for contact face of worm gear

メントは回転角度に依存し、質量が大きいくほど大きくなる。図 10 と図 13 によると、例えば反時計回りでは、アンバランス質量によるモーメントは 90 度付近ではテーブルの回転と反対方向に作用し、逆に 270 度付近ではテーブルの回転と同じ方向に作用する。また、回転中の摩擦トルクは常にテーブルの回転を止める方向に作用するため、その状態ではウォームホイールの回転方向後ろ側の歯面がウォームと接触している (図 14(a))。

すなわち、アンバランス質量によるモーメントがテーブル回転方向と同じ方向に作用し、さらにその大きさがテーブル軸回りの摩擦トルクよりも大きくなると (図 14(b))、アンバランス質量によるモーメントの影響によりウォームギヤのバックラッシ分だけテーブルが動き、図 11 および図 12 のような波形が生じる。さらに、アンバランス質量が大きいくほうが、アンバランス質量によるモーメントが摩擦トルクよりも大きくなる範囲が増えるため、ステップ状の変化の幅も大きくなる。

なお、このステップ状の変化の幅 A はテーブル軸回りの摩擦トルクによっても影響を受けるため、幅 A が実験とシミュレーションとで一致するようにテーブル軸回りのクーロン摩擦トルク f_{ca} を同定することで、負荷質量がない場合の結果からは分離不可能であったモデル中の 2 箇所摩擦トルクを一意に同定することが可能となる。

以上のことから、傾斜回転軸でアンバランス質量が存在する場合には、アンバランス質量によるモーメントが摩擦トルクよりも大きくなる場合に、運動誤差にステップ状の変化が生じるといえる。また、本研究で提案したモデルによりアンバランス質量による影響をシミュレーションで表現できるといえる。

5. 結 言

本研究では、ウォームギヤと平歯車により駆動される回転軸駆動機構を対象として、各部の回転角度とウォーム軸の変位を考慮した数学モデルとそのパラメータ決定方法を提案した。本研究により得られた結果を以下に示す。

- (1) 提案したパラメータ決定方法により、モデルの全てのパラメータを決定できるが、周波数特性のシミュレーション結果については今後検討する必要がある。
- (2) 提案したモデルによりバックラッシがステップ応答および等速回転時の回転誤差に及ぼす影響と、ウォーム軸の回転周期に同期した回転誤差の変動とを表現できる。
- (3) 提案したモデルで運動方向反転時の挙動を含む正弦波往復運動時の運動誤差を表現できる。
- (4) 傾斜回転軸でアンバランス質量が存在する場合には、アンバランス質量によるモーメントが摩擦トルクよりも大きくなる場合に、運動誤差にステップ状の変化が生じる。
- (5) 提案したモデルによりアンバランス質量による影響をシミュレーションで表現できる。

本研究で提案したモデルは、回転軸の高性能化のために有用なツールになると考えられる。今後、ローラギヤカム駆動やダイレクトドライブ方式の回転軸についてもモデル化とシミュレーションを行う予定である。

謝 辞

本研究は、科学研究費補助金 (若手(B)18760164 および 27360110) と、メカトロニクス技術高度化財団研究開発助成により行われた研究の一部であり、関係各位に深く感謝の意を表す。また、実験に使用した回転テーブルをご提供いただいた、前ハイデンハインの越智玉樹氏に深く感謝の意を表す。

参 考 文 献

- 1) JIS B6190-7, 工作機械試験方法通則-第 7 部: 回転軸の幾何精度試験, 日本規格協会, (2008).
- 2) 齋藤明德, 堤正臣, 牛久健太郎: 5 軸制御マシニングセンタのキャリブレーション方法に関する研究(第 2 報), 精密工学会誌, **69**, 2 (2003) 268.
- 3) 堤正臣, 山元健, 齋藤明德, K.M. Muditha Dassanayake, 三上滋崇: 同時 5 軸制御による主軸頭旋回形 5 軸制御マシニングセンタの幾何偏差同定方法, 日本機械学会論文集(C 編), **72**, 723 (2006) 3679.
- 4) 崔成日, 東山憲司, 堤正臣, K.M. Muditha Dassanayake: 旋盤形複合加工機に存在する幾何偏差同定方法, **75**, 750 (2009) 476.
- 5) 深山直記, 佐伯智之, 崔成日, 堤正臣: テーブル旋回形 5 軸制御マシニングセンタの幾何偏差同定方法の一般化, 日本機械学会論文集(C 編), **75**, 756 (2009) 2335.
- 6) S. Weikert: R-test, a New Device for Accuracy Measurements on Five Axis Machine Tools, *Annals of the CIRP*, **53**, 1 (2004) 429.
- 7) B. Bringmann and W. Knapp: Model-based 'Chase-the-ball' Calibration of a 5-axes Machining Center, *Annals of the CIRP*, **55**, 1 (2006) 531.
- 8) 内海敬三, 小杉達寛, 齋藤明德, 堤正臣: 5 軸制御マシニングセンタの静的精度測定方法(基準球と変位計を用いた方法), 日本機械学会論文集(C 編), **72**, 719 (2006) 2293.
- 9) S. Ibaraki, C. Oyama and H. Otsubo: Construction of an Error Map of Rotary Axes on a Five-axis Machining Center by Static R-test, *International Journal of Machine Tools & Manufacture*, **51** (2011) 190.
- 10) 崔成日, 高橋和也, 堤正臣, 佐藤隆太: 5 軸制御マシニングセンタの傾斜回転軸位置決め精度測定方法の開発, 精密工学会誌, **73**, 9 (2007) 1040.
- 11) 崔成日, 高橋和也, 堤正臣, 佐藤隆太: ロータリエンコーダと電子水準器を用いたサーボ傾斜角度計の開発, 精密工学会誌, **75**, 3 (2009) 412.
- 12) 垣野義昭, 松原厚, 黎子椰, 上田大介, 中川秀夫, 竹下虎男, 丸山寿一: NC 工作機械における送り駆動系のトータルチューニングに関する研究(第 1 報), 精密工学会誌, **60**, 8 (1994) 1097.
- 13) K. Erkorkmaz and Y. Altintas: High Speed CNC System Design. Part II, *International Journal of Machine Tools & Manufacture*, **41** (2001) 1487.
- 14) 佐藤隆太, 堤正臣: AC サーボモータと直動転がり案内を用いた送り駆動系の数学モデル, 精密工学会誌, **71**, 5 (2005) 633.
- 15) O. Zirn: Machine Tool Analysis -Modelling, Simulation and Control of Machine Tool Manipulators, A Habilitation Thesis, ETH Zurich, (2008).
- 16) 佐藤隆太, 横堀祐也, 堤正臣: 5 軸制御マシニングセンタにおける直進軸と旋回軸の動的同期精度, 精密工学会誌, **72**, 1 (2006) 73.
- 17) 弓座大輔, 内海敬三, 堤正臣, 佐藤隆太: 5 軸制御マシニングセンタの同期運動精度測定方法, 日本機械学会論文集(C 編), **72**, 723 (2006) 3672.
- 18) 茨木創一, 澤田昌広, 松原厚, 森雅彦, 榎原主蔵, 垣野義昭: ボールバー法を用いた複合加工機のミリング主軸旋回軸の動的運動精度測定法, 精密工学会誌, **73**, 5 (2007) 583.
- 19) 下河辺明, 豊山晃, 我妻雄策: ウォームギヤの歯当たりと角度伝達精度の研究(第 1 報), 精密機械, **46**, 3 (1980) 367.
- 20) 横山嘉昭, 鈴木義友: 歯車の剛性解析, 精密工学会誌, **64**, 11 (1998) 1585.
- 21) JIS B6190-4, 工作機械試験方法通則-第 4 部: 数値制御による円運動精度試験, 日本規格協会, (2008).
- 22) 垣野義昭, 井原之敏, 篠原章翁: DBB 法による NC 工作機械の精度評価法, リアライズ社, (1990).
- 23) 太田祐輔, 茨木創一: 5 軸制御工作機械の旋回軸が反転する際の動的誤差の評価, 日本機械学会 2011 年度年次大会 DVD-ROM 論文集, (2011) S131023.
- 24) 長尾和昌, 柴原豪紀, 熊谷幹人, 山下宏, 宮島義嗣: 5 軸制御マシニングセンタの傾斜テーブルにおける角度偏差の改善, 2008 年度精密工学会秋季大会学術講演会講演論文集, (2008) 10.